

حركة الكواكب و قوانين " كيبلر "

قام كيبلر بملاحظة معظم كواكب المجموعة الشمسية، مستفيدا ممن سبقوه كوبرنيك و غاليلي ثم استخرج القوانين الثلاثة المشهورة باسمه.

تذكير حول الحركة الدائرية المنتظمة

يكون للمتحرك حركة دائرية منتظمة إذا كان مسارها دائريا و قيمة شعاع سرعتها ثابتة.

أو نقول اذا كان المتحرك ذو سرعة ابتدائية غير معدومة و كانت خاضعة لقوة مركزية عمودية على شعاع السرعة.

خصائصها:

مسارها دائري، و تسارعها ناظمي حيث:

$$\vec{a} = \frac{dv}{dt} \cdot \vec{t} + \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n}$$

إذا كانت الحركة دائرية منتظمة، فإن:

و منه تصبح علاقة التسارع كالاتي:

$$\vec{a} = \vec{a}_n = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n}$$

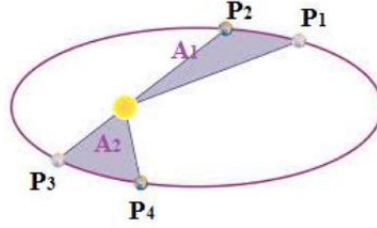
الدور هو الزمن اللازم لانجاز دورة واحدة كاملة (المسافة $2\pi r$) يعطى بالعلاقة

$$T = \frac{2\pi r}{v} \text{ وحدته الثانية (S) .}$$

2- قانون كيبلر الثاني (قانون المساحات):

نص القانون: "إن نصف القطر الذي يربط بين مركز الشمس S ومركز الكوكب P يقطع مساحات متساوية خلال فترات زمنية متساوية".

ملاحظة: كلما اقترب الكوكب من الشمس كلما ازدادت سرعته و العكس.



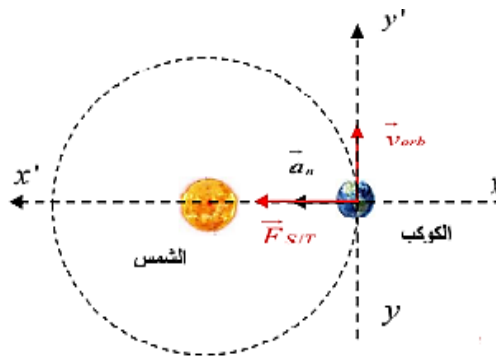
3- قانون كيبلر الثالث (قانون الدوران):

نص القانون: "إن مربع دور T الكوكب الذي يدور حول الشمس يتناسب مع مكعب نصف القطر الأكبر للقطع الناقص".

دراسة حركة كوكب يدور حول الشمس:

نقوم بدراسة حركة الكوكب في معلم فريني كما في الشكل أدناه. نعتبر حركة هذا الكوكب دائرية منتظمة بحيث يخضع الى قوة جاذبية مركزية و هي قوة تأثير الشمس (S) على الكوكب (P) و نعتبر

$G = 6.67 \times 10^{-11} SI$ ثابت الجذب العام و r البعد المتوسط بين كوكب الشمس و الأرض.



عبارة السرعة المدارية:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\Sigma \vec{F}_{ext} = M_T \cdot \vec{a}_T$

$$G \frac{M_S \cdot M_T}{r^2} \cdot \vec{n} = M_T \cdot \vec{a}_T$$

$$\vec{a}_T = -G \frac{M_S}{r^2} \cdot \vec{n} \dots (1)$$

بما أن القوة $\vec{F}_{S/T}$ ناظرية، وتسارع الأرض $a_T = a_n$ ناظمي معناه أن $a_t = 0$ ، أي $v = C^{ste}$ إذن حركة الأرض (T) منتظمة،

$$\vec{a}_T = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n} \dots (2) \quad \text{تسارعها ناظمي:}$$

من العلاقتين (1) و(2)، نكتب : $G \frac{M_S}{r^2} \cdot \vec{n} = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n}$

$$v = \sqrt{G \frac{M_S}{r}} \quad \text{إذن :}$$

حيث M_S كتلة الشمس تقدر ب Kg و r البعد المتوسط بين الشمس والأرض ب m .

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{G \cdot M_S}} \quad \text{عبارة الدور: بتعويض عبارة السرعة المدارية في عبارة الدور نجد :}$$

من هذه العلاقة نستخرج القانون الثالث لكبلر

$$T^2 = 4\pi^2 \frac{r^3}{G \cdot m_s} = K \quad \text{ومنه :} \quad \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G \cdot m_s} = K \quad \text{بحيث وحدة } K \text{ هي : } s^2 \cdot m^{-3} \text{ أو } kg \cdot N^{-1} \cdot m^{-2}$$

ملاحظة: إن كتلة الكواكب والأقمار الاصطناعية لا تؤثر على السرعة المدارية والدور و أيضا دور الحركة متعلق فقط بكتلة الجسم المركزي.

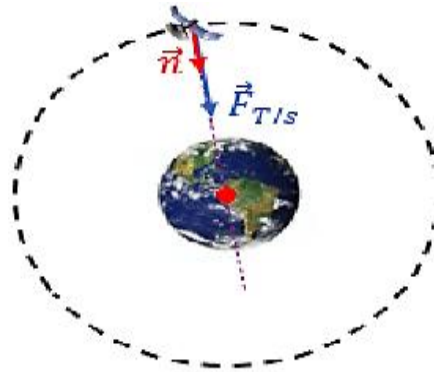
دراسة حركة قمر اصطناعي حول الأرض:

نقوم بدراسة حركة قمر صناعي في معلم فريني كما في الشكل ادناه.

نعتبر حركة هذا القمر الصناعي منتظمة بحيث يخضع إلى قوة جاذبية مركزية و هي قوة تأثير الأرض

على القمر الصناعي ذو كتلة و نعتبر $G = 6.67 \times 10^{-11} SI$ ثابت الجذب العام و r هو البعد بين

مركز عطالة الأرض و مركز عطالة القمر $r = R_T + h$



عبارة السرعة المدارية:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على القمر نكتب:

$$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}_s$$

أي:

$$G \frac{m \cdot M_T}{r^2} \cdot \vec{n} = m \cdot \vec{a}_s$$

$$\vec{a}_s = G \frac{M_T}{r^2} \cdot \vec{n} \dots (1)$$

وعليه:

بما أن القوة $\vec{F}_{T/S}$ ناظرية، وتسارع القمر $a_s = a_n$ ناظمي معناه أن $a_t = 0$ ، أي $v = C^{ste}$ إذن حركة القمر (S) منتظمة، تسارعها:

$$\vec{a}_s = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n} \dots (2)$$

$$G \frac{M_T}{r^2} \cdot \vec{n} = \frac{v^2}{r} \cdot \vec{n}$$

من العلاقتين (1) و(2)، نكتب:

$$v = \sqrt{G \frac{M_T}{R_T + h}}$$

وعليه:

إذن دور حركته حول الأرض:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{(R_T + h)^3}{G \cdot M_T}}$$