

يكتب التفاضل الكلي لهذه المعادلات بالشكل التالي:

$$\begin{cases} 0 \, dx + dy - p_x \, d\lambda = \lambda \, dp_x \\ dx + 0 \, dy - p_y \, d\lambda = \lambda \, dp_y \\ -p_x \, dx - p_y \, dy + 0 \, d\lambda = x \, dp_x + y \, dp_y - dR \end{cases}$$

بالتعمال المصفوفاتي نجد:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & -p_x \\ 1 & 0 & -p_y \\ -p_x & -p_y & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} dx \\ dy \\ d\lambda \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \lambda \, dp_x \\ \lambda \, dp_y \\ x \, dp_x + y \, dp_y - dR \end{bmatrix}$$

بالتعمال طريقة كرامر كل هذه المعادلات نجد:

$$dx = \frac{\lambda \, dp_x \, D_{11} + \lambda \, dp_y \, D_{21} + (x \, dp_x + y \, dp_y - dR) \, D_{31}}{|D|}$$

$$D_{11} = \begin{vmatrix} 0 & -p_y \\ -p_y & 0 \end{vmatrix} = -p_y^2$$

$$D_{21} = \begin{vmatrix} 1 & -p_x \\ -p_y & 0 \end{vmatrix} = -p_x p_y$$

$$D_{31} = \begin{vmatrix} 1 & -p_x \\ 0 & -p_y \end{vmatrix} = -p_y$$

$$|D| = 0 \cdot D_{11} - 1 \cdot D_{21} + (-p_x) \cdot D_{31} = p_x p_y$$