

لابجاد قوة أثر تغيير الأسعار والدخل على نفقات المستهلك ، تتغير كل المتغيرات

في نفس الوقت ، ولهذا ما يبرر معنا إلى أخذ التفاضل الكلي للمعادلات

السابقة أي :

$$\begin{cases} \Delta''_{nm} dn + \Delta''_{ny} dy - p_n d\lambda = \lambda dp_n \\ \Delta''_{ym} dm + \Delta''_{yy} dy - p_y d\lambda = \lambda dp_y \\ -p_n dn - p_y dy + 0 d\lambda = n dp_n + y dp_y - dR \end{cases}$$

وإذا استعملت المصفوفة وأخذ بعين الاعتبار أن dp_n ، dp_y ، dR

تمثل متغيرات خارجية سوف نكتب بحجة المعادلة السابقة على الشكل :

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \Delta''_{nm} & \Delta''_{ny} & -p_n \\ \Delta''_{ym} & \Delta''_{yy} & -p_y \\ -p_n & -p_y & 0 \end{bmatrix}}_D \underbrace{\begin{bmatrix} dn \\ dy \\ d\lambda \end{bmatrix}}_Z = \underbrace{\begin{bmatrix} \lambda dp_n \\ \lambda dp_y \\ n dp_n + y dp_y - dR \end{bmatrix}}_b$$

يؤدي استعمال طريقة كرامر لحل بحجة المعادلات إلى :

$$dn = \frac{\lambda dp_n D_{11} + \lambda dp_y D_{21} + (n dp_n + y dp_y - dR) D_{31}}{|D|} \quad \text{--- (1)}$$