

تكتب الشرط الأول الأريحي: $\phi_1 = p_1 - \mu h_1 = 0$

$$\phi_2 = p_2 - \mu h_2 = 0$$

$$\phi_3 = X^0 - h(q_1/q_2) = 0$$

عند ملائمة الشرط الأول يمكن أن نجد: $p_1/p_2 = h_1/h_2 = TTP$

$$p_1/p_2 = \left(\frac{\partial q_2}{\partial n} \right) / \left(\frac{\partial q_1}{\partial n} \right) = TTP$$

TTP سيادي نسبة الأسعار الخارجة عند التوازن

عند آخر التوازن هي نقطة التماس بين منحنى تحويل الإنتاج وخط تساوي الدخل

من الشرط الأول يمكن أن نكتب: $\mu = p_1 \left(\frac{\partial q_1}{\partial n} \right) = p_2 \left(\frac{\partial q_2}{\partial n} \right)$

المساواة الأخيرة تبين أن عند التوازن تكون قيمة الإنتاجية الحدية لـ X عند إنتاج q_1 سيادي ^{قيمة} الإنتاجية الحدية لـ X عند إنتاج q_2 و تساوي إلى μ

أما الشرط الثاني لتعظيم ϕ تبين أن المحدد الهيس المكون من

$$H = \begin{vmatrix} -\mu h_{11} & -\mu h_{12} & -h_1 \\ -\mu h_{21} & -\mu h_{22} & -h_2 \\ -h_1 & -h_2 & 0 \end{vmatrix} > 0$$

عند آخر كمنحنى تحويل الإنتاج ميل سلب متناقص حيث يكون TTP متزايد.