

تجانس الدالة

دالة الانتاج CES هي دالة متجانسة من الدرجة واحد أي :
 $(K, L) \rightarrow t(K, L) = t(K, L)$ ، وبالتالي تكون مردودية السلم ثابتة

الانتاجية الكمية لعوامل الانتاج

$$\Delta_L' = \frac{\Delta X}{\Delta L} = \rho_{mL} = \left(\frac{\alpha}{AP}\right) \left(\frac{X}{L}\right)^{1+P}$$

$$\Delta_K' = \frac{\Delta X}{\Delta K} = \rho_{mK} = \left(\frac{1-\alpha}{AP}\right) \left(\frac{X}{K}\right)^{1+P}$$

المعدل الكمي للاحتلال التقني :

$$TMST = \frac{\Delta_L'}{\Delta_K'} = \left(\frac{\alpha}{1-\alpha}\right) \left(\frac{K}{L}\right)^{1+P}$$

تعدب منحنيا 2 انتاج المتساوي

$$\frac{dTMST}{dL} = \left[\frac{STMST}{SL}\right] + \left[\frac{STMST}{SK}\right] \left[\frac{dK}{dL}\right]$$

$$= - (1+P) \left(\frac{\alpha}{(1-\alpha)^2}\right) \left[\frac{K^{P+1}}{L^{2(P+1)}}\right] \left[(1-\alpha)L^P + \alpha K^P\right] < 0$$

اذن المعدل الكمي للاحتلال التقني متناقص ومنحنيا 2 انتاج المتساوي محدبة

بالنسبة لنقطة الأصل بحيث $P > 1$

• مرونة الاحتلال : تكون مرونة الاحتلال لهذه الدالة ثابتة ولكن ليس بالضرورة تكون

مساوية للواحد :