

إمتحان الدورة العادية في مقياس رياضيات المؤسسة

التمرين الأول (05 ن): ينتج مصنع صغير نوعين من الحقائب المدرسية، (حجم الصغير، والحجم الكبير)، قدرت سعر تكلفة النوع الأول بـ 20 دج، وسعر تكلفة النوع الثاني بـ 40 دج، بينما قدر سعر بيع النوع الأول بـ 50 دج، وسعر بيع النوع الثاني بـ 75 دج، تخضع كل حقيبة إلى مرحلتين إنتاج هما: التقطيع والخياطة، والجدول أدناه يبين الوقت المستغرق لكل عملية بالدقائق، حسب حجم الحقيبة والوقت الكلي المتاح لكل عملية من العمليات:

الوقت المتاح	حقائب الحجم الكبير	حقائب الحجم الصغير	
180 د	3 د	6 د	مرحلة التقطيع
240 د	6 د	4 د	مرحلة الخياطة

كما أثبتت دراسة السوق النتائج التالية:

- الطلب اليومي على النوع الأول ناقص الطلب اليومي على النوع الثاني لا يمكن أن يتجاوز 3000 وحدة؛
- الطلب اليومي على المنتجين معا لا يمكن أن يقل عن 6000 وحدة؛
- الطلب اليومي على النوع الأول لا يمكن أن يتجاوز 1000 وحدة؛
- طلبات الزبائن من النوع الثاني لا يمكن أن تقل عن 500 وحدة.

المطلوب: قم ببناء النموذج الرياضي لمسألة البرمجة الخطية إذا أراد المصنع تعظيم أرباحه ؟

(توضيح خطوات الحل ضرورية)

التمرين الثاني (05 ن): ليكن النموذج الرياضي لمسألة البرمجة الخطية التالي:

$$\begin{aligned} \text{Max} Z &= 4x_1 + 3x_2 + 2x_3 \\ 2x_1 + 4x_2 + 2x_3 &\leq 1000 \\ 4x_1 + 4x_2 + 8x_3 &\leq 3200 \\ x_1, x_2, x_3 &\geq 0 \end{aligned}$$

المطلوب: حل النموذج أعلاه بالطريقة المبسطة (السمبلاكس)، ثم إشرح جدول الحل الأمثل؟

(توضيح خطوات الحل ضرورية)

التمرين الثالث (05 ن): ليكن النموذجين التاليين لمسائل البرمجة الخطية:

$MaxZ = 120x_1 + 230x_2 + 100x_3$	$MinZ = 2x_1 + x_2$
$5x_1 + 4x_2 + 3x_3 \leq 160$	$3x_1 + x_2 = 3$
$2x_1 + x_2 = 89$	$4x_1 + 3x_2 \geq 6$
$4x_2 + 5x_3 \geq 62$	$x_1 + 2x_2 \leq 3$
$x_1, x_2, x_3 \geq 0$	$x_1, x_2 \geq 0$

المطلوب:

- 1 - حوّل النماذج أعلاه من الصيغة المختلطة (العامة) إلى الصيغة المعيارية ثم أنجز جدول الأول لسمبلاكس؟
- 2 - أوجد المسألة الثنائية لكل نموذج (النموذج المرافق)؟

توضيح خطوات الحل ضرورية)

التمرين الرابع (05 ن): ليكن النموذج الرياضي لمسألة البرمجة الخطية التالية وحله الأمثل أدناه:

$MaxZ = 8x_1 + 6x_2$
$4x_1 + 2x_2 \leq 60$
$2x_1 + 4x_2 \leq 48$
$x_1, x_2 \geq 0$

جدول الحل الأمثل (الجدول الأخير):

		8	6	0	0	bi
Ci	Si	X ₁	X ₂	S ₁	S ₂	
8	X ₁	1	0	1/3	-1/6	12
6	X ₂	0	1	-1/6	1/3	6
Z=132		0	0	5/3	2/3	

المطلوب:

- 1- إشرح جدول الحل الأمثل؟
- 2- أوجد المسألة الثنائية للمسألة الأصلية المطروحة (النموذج المرافق)؟
- 3- أوجد حل المسألة الثنائية إنطلاقاً من الحل الأمثل للمسألة الأصلية؟
- 4- أوجد مجال تغير معاملات دالة الهدف؟
- 5- أوجد مجال تغير المورد الأول (S₁) والمورد الثاني (S₂)؟

توضيح خطوات الحل ضرورية)

مسؤولة المقياس: الدكتورة خالدي فراح " بالتوفيق لكل مجتهد "