

اقتاديين محلولة حول الفائدة البسيطة والمدة

التمرين ① : رأس مال قنصية 10.000 ربح قسم الى جزئين ، نصف الجزء الأول بمعدل 8% ، والجزء الثاني بمعدل 9% ، حيث بلغت فائدة الجزء الأول بعد 90 يومًا ونصف فائدة الجزء الثاني الذي وضع لمدة 60 يومًا. المطلوب : احسب فائدة وقيمة كل جزء؟

الحل : ايجاد قيمة كل جزء وحساب فائدته
 رأس مال قنصية 10.000 قسم الى جزئين :
 C_1 أو x C_2 أو y
 $C = 10.000$

ما أن أننا لا نعرف العلاقة بين الجزئين

ف $C_1 + C_2 = 10.000$ --- ①
 C_1 : ونصف بمعدل $t_1 = 8\%$ $I_1 = ?$ $n_1 = 90$ يوم

C_2 : " " " " $t_2 = 9\%$ $I_2 = ?$ $n_2 = 60$ يوم

كما لدينا العلاقة بين الفائدتين

$$I_1 = 2 I_2$$

نبدأ من العلاقة التالية :

$$I_1 = 2 I_2$$

$$C_1 \times \frac{t_1}{100} \times \frac{n_1}{360} = 2 \left[C_2 \times \frac{t_2}{100} \times \frac{n_2}{360} \right]$$

$$C_1 \times \frac{8}{100} \times \frac{90}{360} = 2 \left[C_2 \times \frac{9}{100} \times \frac{60}{360} \right]$$

$$C_1 \times \frac{720}{36000} = C_2 \times \frac{1080}{36000} \Rightarrow 720C_1 - 1080C_2 = 0 \text{ --- ②}$$

$$C_1 + C_2 = 10.000 \text{ كما لدينا}$$

لايجاد قيم الجزئين لكي نحل المسألة التالية :

$$\begin{cases} 720C_1 - 1080C_2 = 0 \text{ --- ①} \\ C_1 + C_2 = 10.000 \text{ --- ②} \end{cases}$$

$$C_2 = 10.000 - C_1$$

$$720C_1 - 1080(10.000 - C_1) = 0 \Rightarrow 720C_1 + 1080C_1 = 10800000$$

$$1800C_1 = 10800000$$

①

$$C_1 = \frac{10800000}{1800} = 6000 \text{ دينار}$$

$$C_1 = 6000 \text{ دينار}$$

$$C_2 = 10.000 - 6000 = 4000 \text{ دينار}$$

$$C_2 = 4000 \text{ دينار}$$

التمرين 2: أفدت الحالات التالية لتوضيح مبالغ معينة من بنك ما في سنة 2011:

الحالة الأولى: وُضف شخص مبلغ "C₁" لمعدل فائدة لبيئته 9% ولمدة 69 يوماً، فكان الفرق بين الفائدتين لخصمته والسجارية 8 ص.د.

الحالة الثانية: وُضف شخص مبلغ "C₂" لمدة 60 يوماً لمعدل فائدة 8%، فكان الفرق بين الفائدتين السجارية، والخصمته كلاً

الحالة الثالثة: وُضف شخص مبلغ "C₃" لمدة 20 يوماً، وكان الفرق

بين الفائدتين السجارية، والخصمته 20 ص.د.

المطلوب: 1/ أ حسب قيمة الرأسمال الموظف في الحالة الأولى والثانية ثم حسب الفوائد المحققة؟

2- إذا علمت أن مجموع المبالغ في الحالات الثلاث

$$C_1 + C_2 + C_3 = 6606 \text{ ك.د.}$$

أ حسب قيمة الرأسمال C₃؟

3- أ حسب قيمة الرأسمال المطبق على المبلغ "C₃" ثم حسب الفوائد المحققة؟

4- أ حسب جملة المبالغ بالفائدة السجارية؟

الحل: حساب قيمة الرأسمال الموظف في الحالة الأولى والثانية:

حسابات الأرباح والخسائر في الحالة الأولى والثانية:

حالة ①: $C_1 = ?$ ← $t_1 = 9\%$ ← يوم $n_1 = 96$ ← $I_c - I_R = 1.08$

حالة ②: $C_2 = ?$ ← $t_2 = 5\%$ ← $n_2 = 60$ ← $I_c - I_R = 0.1$

حالة ③: $C_3 = ?$ ← $t_3 = ?$ ← $n_3 = 210$ ← $I_c - I_R = 122$

لدينا:

$$I_c = C_1 \times \frac{t_1}{100} \times \frac{n_1}{360} \Rightarrow I_c = C_1 \times \frac{9}{100} \times \frac{96}{360} \Rightarrow \boxed{I_c = \frac{864}{360.000} C_1 \dots \text{①}}$$

$I_c - I_R = 1.08 \Rightarrow$ بالتحويل في ② نجد

لدينا أيضا: $I_R = ?$ ربح معروف صيغة السنة لأسية أو بسيطة

$366 = \frac{2011}{4}$ عبارة عن سنة لأسية، إذن نحوي مع 366 يوم

أي أن:

$$I_R = C \times \frac{t}{100} \times \frac{n}{366} \Rightarrow I_R = C_1 \times \frac{9}{100} \times \frac{96}{366}$$

$$\boxed{I_R = \frac{864 C_1}{36600} \dots \text{②}}$$

بالتحويل في معادلة الفرق بين افتراضتي $I_c - I_R = 1.08$

$$\frac{364}{360.000} C_1 + \frac{864}{36600} C_1 = 1.08$$

$$\frac{36600 \times 864 C_1 - 864 \times 36000 \times C_1}{360.00 \times 36600} = 1.08$$

$$31622400 C_1 - 31104000 C_1 = 1.08 \times 36000 \times 36600$$

$$518400 C_1 = 142368000$$

$$\boxed{C_1 = 27457}$$

حساب مبلغ الخوض في الحالة ② لنفسه: الطريقة تقوم بتقدير

$$I_c = C_2 \times \frac{t_2}{100} \times \frac{n_2}{360} = C_2 \times \frac{5}{100} \times \frac{60}{360} = \frac{300}{36000} C_2$$

$$\boxed{I_c = \frac{C_2}{120} \dots \text{①}}$$

③

$$I_R = C_2 \times \frac{12}{100} \times \frac{12}{366}, I_R = C_2 \times \frac{1}{100} \times \frac{60}{366} = \frac{300C_2}{36600}$$

$$I_R = \frac{C_2}{120} \Rightarrow \boxed{I_R = \frac{C_2}{122} \dots \textcircled{2}}$$

للتعويض في معادلة الفرت نجد :

$$I_C - I_R = 0.5 \Rightarrow \frac{C_2}{120} - \frac{C_2}{122} = 0.5 \Rightarrow \frac{122C_2 - 120C_2}{120 \times 122} = 0.5$$

$$2C_2 = 0.5 \times 120 \times 122, \boxed{C_2 = \frac{0.5 \times 120 \times 122}{2}}$$

$$C_2 = \frac{7320}{2} = 3660 \text{ دج}$$

$$\boxed{C_2 = 3660 \text{ دج}}$$

* العوائد المحققة في الحالة الأولى

$$C_1 = 2445 \text{ دج}, t_1 = 9\%, n_1 = 96 \text{ الحالة 1:}$$

$$I_C = \frac{864}{36000} (2445) = 65.88 \text{ دج} \quad \boxed{I_C = 65.88 \text{ دج}}$$

$$65.88 - I_R = 1.08 \Rightarrow -I_R = 1.08 - 65.88$$

$$I_R = -1.08 + 65.88 = 65.88 - 1.08$$

$$\boxed{I_R = 64.8 \text{ دج}}$$

الحالة 2: لدينا

$$I_C = \frac{C_2}{120}, I_C = \frac{3660}{120} = 30.5 \text{ دج} \quad \boxed{I_C = 30.5 \text{ دج}}$$

$$I_C - I_R = 0.5 \Rightarrow 30.5 - I_R = 0.5 \Rightarrow -I_R = 0.5 - 30.5$$

$$I_R = -0.5 + 30.5 \Rightarrow \boxed{I_R = 30 \text{ دج}}$$

ك- الماطلت حساب صفة الرأجل C_3 لدينا

$$C_1 + C_2 + C_3 = 66065$$

$$2445 + 3660 + C_3 = 66065$$

$$\Rightarrow C_3 = 66065 - 2445 - 3660$$

4

$$\boxed{C_3 = 59660 \text{ دج}}$$

أما الفوائد أو حصة وظيفي لدينا : لدينا
 لدينا
 $I_C - I_R = 120 \dots (1)$
 $\frac{I_C}{I_R} = \frac{73}{72} \dots (2)$

لا يجازيها
 كيف حل الخطة التالية

$I_C \cdot 72 = 73 \cdot I_R \Rightarrow I_R = \frac{72 I_C}{73}$ بالحوالي في @ رجب

$I_C - \frac{72}{73} I_C = 120$

$\frac{73 I_C - 72 I_C}{73} = 120 \Rightarrow I_C = 120 \times 73 = 8760$ دينار

$I_C = 8760$ دينار

ولدينا
 $I_C - I_R = 120 \Rightarrow 8760 - I_R = 120 \Rightarrow -I_R = 120 - 8760$

$I_R = -120 + 8760$
 $I_R = 8880$

ما معدل لو ضيف ابلغ C_3 فإنه يعطى القافون انما

$I_C = C_3 \times \frac{t_3}{100} \times \frac{n_3}{360}$

$8760 = 59660 \times \frac{t_3}{100} \times \frac{250}{360}$

$8760 \times 36000 = 14915000 t_3 \Rightarrow t_3 = \frac{8760 \times 36000}{14915000} = \frac{315360000}{14915000}$

$t_3 = 21,14\%$

التي يجب ان تكون في حساب
 حساب حصة ابلغ

$S_1 = C_1 + I_1 = 2475 + 61,88 = 2540,88$ دينار

$S_2 = C_2 + I_2 = 3660 + 30,5 = 3690,5$ دينار

$S_3 = C_3 + I_3 = 59660 + 8760 = 68420$ دينار

التمرين الثالث: أودع شخص مبلغان ماليان في بنك لمدة سنة، مجموعهما 13200 دج، الأول يساوي $\frac{1}{6}$ من الثاني، حلة المبلغ الأول تساوي 6300 دج لحمل فائدة بسيطة أكبر بواحد من معدل فائدة المبلغ الثاني.

اطلوبي: أكتب المبالغ اطلاقية المودعة؟ أكتب معدلات الفائدة؟

الحل: حساب المبالغ اطلاقية المودعة:

مبلغان C_1, C_2 سنة $n_1 = n_2 = 1$

$$C_1 + C_2 = 13200$$

$$S_1 = 6300 \text{ دج}$$

$$C_1 = \frac{1}{6} C_2$$

$$t_1 + 1 = t_2$$

لدينا:

~~$$S_1 = I_1 + C_1 = 13200 = S_1 = C_1 \times \frac{t_1}{100} \times n_1 + C_1$$~~

لا نحتاج المبلغين يجب

$$\begin{cases} C_1 + C_2 = 13200 & \text{--- (1)} \\ C_1 = \frac{1}{6} C_2 & \text{--- (2)} \end{cases}$$

حل الحلة التالية:

لتعرفين (2) في (1) نضرب:

$$\frac{5}{6} C_2 + C_2 = 13200 \Rightarrow \frac{5C_2 + 6C_2}{6} = 13200$$

$$11C_2 = 13200 \times 6$$

$$C_2 = 7200 \text{ دج} \leftarrow C_2 = \frac{13200 \times 6}{11} = 7200 \text{ دج}$$

$$C_1 = \frac{1}{6} C_2 = \frac{1}{6} (7200) =$$

$$C_1 = 6000 \text{ دج}$$

حساب معدلات التوظيف:

$$S_1 = I_1 + C_1 \Rightarrow S_1 = C_1 \times \frac{t_1}{100} \times n_1 + C_1 \Rightarrow S_1 = C_1 \left[\frac{t_1 \times n_1}{100} + 1 \right]$$

$$S_1 = C_1 \left[\frac{t_1 \times n_1}{100} + 1 \right] \Rightarrow 6300 = 6000 \left[\frac{t_1}{100} \times 1 + 1 \right] \Rightarrow \frac{6300}{6000} = \left[\frac{t_1}{100} + 1 \right]$$

(6)

$$1.05 = \frac{t_1}{100} + 1 \Rightarrow 1.05 - 1 = \frac{t_1}{100}$$

$$\Rightarrow 0.05 = \frac{t_1}{100} \Rightarrow t_1 = 0.05 \times 100 \quad \boxed{t_1 = 5\%}$$

$$t_1 + 1 = t_2 \Rightarrow 5 + 1 = 6\% \quad \boxed{6\%}$$

ومنه معدلات التوسط هي 5%، و6% على التوالي.

التمرين الرابع : أودع شخص ثلاث رؤوس أموال بمعدل فائدة 1.11 سنوياً

سبب : المبلغ الأول = 68380 مع يودع في صرماي اى 4 يوليو
من نفس السنة.

المبلغ الثاني : صرماي مع يودع في صرماي اى 18 أوت من نفس السنة.

المبلغ الثالث : 46540 مع يودع في صرماي اى 7 سبتمبر من نفس السنة.

المطلوب : أحسب الفوائد الإجمالية بطريقة المنز والقاسم ؟

الحل : الفوائد الإجمالية بطريقة المنز والقاسم :

$$I = \frac{N}{D} \rightarrow \begin{matrix} \text{المنز} \\ \text{القاسم} \end{matrix}$$

$$N = c_1 \cdot n_1 + c_2 \cdot n_2 + c_3 \cdot n_3$$

$$n_1 : (31 - 31) / 31 + 30 / 30 + 24 / 24 \text{ جويلية} \quad \boxed{n_1 = 76 \text{ يوم}}$$

$$n_2 : (31 - 31) / 31 + 30 / 30 + 18 / 18 \text{ أوت} \quad \boxed{n_2 = 100 \text{ يوم}}$$

$$n_3 : (31 - 31) / 31 + 30 / 30 + 31 / 31 + 7 / 7 \text{ سبتمبر} \quad \boxed{n_3 = 120 \text{ يوم}}$$

ومنه التمرين $N = 68380 \times 76 + 55510 \times 100 + 46540 \times 120$

$$\boxed{N = 16264300}$$

(7)

حل المسألة

$$D = \frac{360}{t} = \frac{360}{0.11} \quad ; \quad \text{حيث أن } N \text{ يومياً فـ}$$

$$I = \frac{N}{D} = \frac{16264300}{\frac{360}{0.11}} \quad \text{و منه}$$

$$I = \frac{16264300 \times 0.11}{360} = 4969,644 \text{ دج}$$

$$I = 4969,644 \text{ دج}$$

المطلوب: التمرين الثاني: مبلغ من اكل لعدد ب: 90.000 دج، نتج ارباحه بمعدل سنوي 10% ونتج ذلك في تاريخ 6 مارس 2012، وفقاً في لغائه مدة الابداع فائدة تقديراته 7150 دج.

المطلوب: 1- حدد تاريخ سحب المبلغ؟

2- احسب قيمة هذا المبلغ في هذا التاريخ؟

3- احسب المدة المرحلة بعد مرور يوم من تاريخ الابداع؟

الحل: نتج: تاريخ سحب المبلغ:

$$C = 90,000 \text{ دج} \quad t = 10\% \quad \text{تاريخ الابداع 6 مارس 2012}$$
$$I = 7150$$

$$I = C \times \frac{t}{100} \times \frac{n}{360} \Rightarrow 7150 = 90,000 \times \frac{10}{100} \times \frac{n}{360}$$
$$7150 = \frac{9000n}{36} \Rightarrow 36 \times 7150 = 900n$$

$$286 \text{ يوم} = \frac{257400}{900} = n = \frac{36 \times 7150}{900} \Rightarrow$$

الحل: حساب قيمة كل رأسمال وخصته ومعدل التوظيف "t":

$$c_1 + c_2 + c_3 = 1124$$

و لطفوا بغيرهم اطلبوا نصيبكم
و تقيموا اقدارهم
 $t_1 = t_2 = t_3 = t$ $cn_1 = cn_2 = cn_3 = n = 15$

$$S_1 = 282 \quad S_2 = 498,20 \quad S_3 = 540,50$$

$$S_1 = c_1 + I_1 = c_1 + c_1 \times \frac{t}{100} \times n = c_1 \left[1 + \frac{t \times n}{100} \right]$$

$$S_2 = c_2 + I_2 = c_2 + c_2 \times \frac{t}{100} \times n = c_2 \left[1 + \frac{t \times n}{100} \right]$$

$$S_3 = c_3 + I_3 = c_3 + c_3 \times \frac{t}{100} \times n = c_3 \left[1 + \frac{t \times n}{100} \right]$$

حل المسألة
 $S_1 = c_1 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \quad \text{--- (1)}$ موضوع الجمل في الحصة الربحية

سأوى موضوع في الحصة الربحية
 $S_2 = c_2 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \quad \text{--- (2)}$

$282 + 498,20 + 540,50$
 $S_3 = c_3 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \quad \text{--- (3)}$ $= c_1 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] + c_2 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] + c_3 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right]$

$282 = c_1 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \quad \text{--- (1)}$

$498,20 = c_2 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \quad \text{--- (2)}$ $\Rightarrow 1320,7 = \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] (c_1 + c_2 + c_3)$

$540,50 = c_3 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \quad \text{--- (3)}$ $1320,7 = 1124 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right]$

$\frac{1320,7}{1124} = \left[1 + \frac{15t}{1200} \right]$

$1200 + 15t = 1200(1,175)$

$1,175 = 1 + \frac{15t}{1200}$

$15t = 1200(1,175) - 1200 \Rightarrow 15t = 1410 - 1200$

$t = \frac{210}{15}$

$t = 14\%$

(10)

$15t = 210$

حسابات كبر السن صريحة :

$$S_1 = C_1 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \Rightarrow C_1 = \frac{S_1}{\left[1 + \frac{15t}{1200} \right]} = \frac{282}{\left[1 + \frac{15(14)}{1200} \right]}$$

1.175

$C_1 = 240$ د.ا

$$S_2 = C_2 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \Rightarrow C_2 = \frac{S_2}{\left[1 + \frac{15t}{1200} \right]} = \frac{498,20}{\left[1 + \frac{15(14)}{1200} \right]}$$

$C_2 = 424$ د.ا

$$S_3 = C_3 \left[1 + \frac{15t}{1200} \right] \Rightarrow C_3 = \frac{S_3}{\left[1 + \frac{15t}{1200} \right]} = \frac{540,50}{\left[1 + \frac{15(14)}{1200} \right]}$$

$C_3 = 460$ د.ا

المرتبة السابع : ثلاث مبالغ متوالية $(C_1 + C_2 + C_3 = 1124)$ تشكلون متساوية حسابية تنازلية، وطقت بعمل سنوي 15%، وقد كان المبلغ الأول هو الأكبر وقد كانت مدة توطينه سنة واحدة، وحققت فائدة سنوية 12%، كما حققت المبالغ الأخرى فوائد، وأن مجموع الفوائد هو $I_1 + I_2 + I_3 = 1096$ ، وشكلت بذلك متساوية هندسية لها حدية.

- اعطوب : 1/ أ حسب أساس المتساوية الحسابية، ثم عين قيمه لمبلغ
 2/ أ حسب أساس المتساوية الهندسية، ثم أ حسب المدة بين اللتين وطفا بها المبلغين الآخرين؟

2- حساب أساس الامتالية الهندسية :

الامتالية الهندسية I_1, I_2, I_3
 $I_1 = 250, v = ?$

$$I_1 + I_2 + I_3 = 1096$$

$$I_n = I_1 \cdot v^{n-1}$$

تكون في القوائم المتعددة

لدينا

$$I_2 = I_1 \cdot v^{2-1} = I_1 \cdot v \dots 1 = 250 \cdot v$$

$$I_3 = I_1 \cdot v^{3-1} = I_1 \cdot v^2 = 250 \cdot v^2$$

بالعودة على (1) نجد :

$$250 + 250 \cdot v + 250 \cdot v^2 = 1096$$

$$250v + 250v^2 + 250 - 1096 = 0$$

$$250v^2 + 250v - 846 = 0$$

$$\Delta = B^2 - 4AC = (250)^2 - 4(250)(-846) = 62500 + 846000$$

$$\Delta = 908500$$

$$\sqrt{\Delta} = 953$$

$$v_1 = \frac{-B - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-250 - 953}{2(250)} = \frac{-1203}{500} = -2.4$$

مرفوضا

$$v_2 = \frac{-B + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-250 + 953}{2(250)} = \frac{703}{500} = 1.4$$

مقبول

الامتالية الهندسية متعادلية يكون الأساس موجب $v = 1.4$

$$I_1 = 250, I_2 = 250(1.4) = 350$$

ان

$$I_3 = 250 \cdot v^2 = 250 \times (1.4)^2 = 490$$

$$I_2 = 350$$

$$I_3 = 490$$

إيجاد المدينتين n_2, n_3 ، n_3, n_2 ، $n_2 = ?$ ، $n_3 = ?$ ، $n_1 = 1$ سنة

$$I_2 = C_2 \times \frac{t_2}{100} \cdot n_2 \rightarrow 350 = 4375 \times \frac{5}{100} \times n_2$$

$$350 \times 100 = 4375 \cdot n_2 \rightarrow 350 = \frac{4375 \cdot 5}{100} \times n_2$$

$$n_2 = \frac{350 \times 100}{4375 \cdot 5} = \frac{35000}{21875} = 1.6 \times 360$$

$$n = 576$$

(13)

$$I_3 = 490 \Rightarrow I_3 = C_3 \times \frac{t}{100} \times n_3$$

$$490 = 3750 \times \frac{5}{100} \times n_3$$

$$490 \times 100 = 3750 \times 5 \times n_3$$

$$n_3 = \frac{490 \times 100}{3750 \times 5} = \frac{49000}{18750}$$

$$n_3 = 2,6 \times 360 = 936 \text{ يوم}$$