

### الفصل الثالث: تكافؤ الأوراق التجارية *équivalence défets*

عادة ما يحدث عند إجراء عمليات تجارية وسحب ورقة أو عدة أوراق تجارية، أن يتم الإتفاق على آجال محددة لاستحقاق هذه الأوراق، بحيث تتناسب وظروف كل من المدينين والدائنين، إلا أنه قد يضطر المدين تحت وطأة الظروف المالية المختلفة، إلى تغيير شروط تسديد الديون أو تسويتها بطرق وتواريخ جديدة، تتناسب مع التغيرات الطارئة على ظروفه المالية بموافقة الدائن، مع الأخذ بعين الاعتبار مصلحة طرفي العلاقة، وإن أفضل عملية لذلك هو تقييم الورقة أو الأوراق التجارية القديمة وكذا الجديدة، بالقيمة الحالية والخصم التجاري وهذا ما يسمى بالتكافؤ.

#### أولاً: تكافؤ ورقتين تجاريتين

نقول عن ورقتين تجاريتين أنهما متكافئتان، إذا تساوت قيمتهما الحالية بنفس معدل الخصم، ويحدث هذا التساوي بتاريخ معين، يطلق عليه اسم تاريخ التكافؤ<sup>1</sup>.  
إذا كان لدينا:

$V_1$ : القيمة الإسمية للورقة التجارية الأولى.

$V_2$ : القيمة الإسمية للورقة التجارية الثانية.

$n_1$ : المدة الفاصلة بين تاريخ استحقاق الورقة الأولى وتاريخ التكافؤ.

$n_2$ : المدة الفاصلة بين تاريخ استحقاق الورقة الثانية وتاريخ التكافؤ.

$A_1$ : القيمة الحالية للورقة الأولى.

$A_2$ : القيمة الحالية للورقة الثانية.

$$A_1 = A_2 \longrightarrow V_1 \left( \frac{D - n_1}{D} \right) = V_2 \left( \frac{D - n_2}{D} \right)$$

من خلال القانون السابق المتعلق بتكافؤ ورقتين تجاريتين، يمكن البحث على مختلف عناصرها والمتمثلة في كل من: تاريخ التكافؤ، القيمة الإسمية للورقة الجديدة، وتاريخ استحقاقها، ومعدل التكافؤ.

#### 1- تحديد تاريخ التكافؤ

مثال 1:

ورقة تجارية قيمتها الإسمية 29700 DA تاريخ استحقاقها 2015/08/16، تم تعويضها بورقة جديدة قيمتها الإسمية 29850 DA وتاريخ استحقاقها 2015/09/15، بمعدل خصم قدر بـ 6%، ما هو تاريخ التكافؤ؟

الحل:

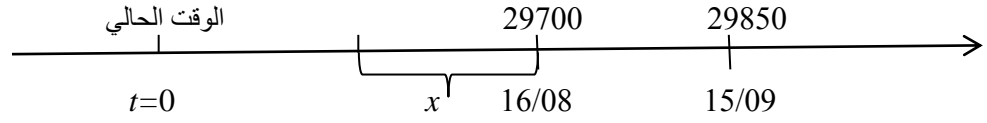
$$V_1 = 29700DA \quad V_2 = 29850DA \quad t = 6\% \quad D = \frac{36000}{6} = 6000$$

#### - تحديد تاريخ التكافؤ

يمكن تحديد تاريخ التكافؤ وفق المخطط الموالي:

<sup>1</sup> لقايطي الأخضر، محاضرات في الرياضيات المالية، مطبوعة غير منشورة، جامعة محمد بوضياف بالمسيلة، الجزائر، 2015، ص 14.

## محاضرات في الرياضيات المالية



حسب قانون تكافؤ الأوراق التجارية يكون لدينا:

$$A_1 = A_2 \longrightarrow V_1 \left( \frac{D - n_1}{D} \right) = V_2 \left( \frac{D - n_2}{D} \right)$$

$$V_1 \cdot (D - x) = V_2 [D - (x + (n_2 - n_1))]$$

$$29700(6000 - x) = 29850(6000 - x - 30)$$

$$x = 30 \text{ jours}$$

بناء على ما سبق فإن تاريخ التكافؤ 30 يوم قبل تاريخ استحقاق الورقة الأولى، و 60 يوماً قبل تاريخ استحقاق الورقة الثانية، وعليه يكون تاريخ التكافؤ هو 2015/07/17.

### 2- حساب القيمة الإسمية

مثال 2:

سند تجاري قيمته الإسمية 5500 DA يستحق الدفع بعد 40 يوم عوض بسند جديد يستحق الدفع بعد 60 يوماً، ماهي القيمة الإسمية للسند الثاني إذا كان معدل الخصم 8%؟

الحل:

$$V_1 = 5500 \text{ DA} \quad n_1 = 40 \text{ jours} \quad n_2 = 60 \text{ jours} \quad t = 8\% \quad V_2 = ?$$

- حساب القيمة الإسمية للسند الثاني

$$A_1 = A_2 \longrightarrow V_1 \left( \frac{D - n_1}{D} \right) = V_2 \left( \frac{D - n_2}{D} \right)$$

$$V_2 = \frac{V_1 (D - n_1)}{(D - n_2)} = \frac{5500(4500 - 40)}{(4500 - 60)} = 5524.77 \text{ DA}$$

### 3- حساب المدة

مثال 3:

ورقة تجارية قيمتها الإسمية 26250 DA تاريخ استحقاقها 20 أبريل عوضت بورقة أخرى بتاريخ 01 أبريل مع العلم أن القيمة الإسمية للورقة الجديدة 26500 DA بمعدل خصم 6%، أحسب تاريخ استحقاق الورقة الجديدة؟

الحل:

$$V_1 = 26250 \text{ DA} \quad n_1 = 19 \text{ jours} \quad V_2 = 26500 \text{ DA} \quad t = 6\% \quad n_2 = ?$$

- حساب تاريخ استحقاق الورقة الجديدة

$$A_1 = A_2 \longrightarrow V_1 \left( \frac{D - n_1}{D} \right) = V_2 \left( \frac{D - n_2}{D} \right)$$

$$V_1(D - n_1) = V_2(D - n_2)$$

$$n_2 = \frac{V_2 \cdot D - V_1(D - n_1)}{V_2}$$

$$n_2 = \frac{26500 \cdot 6000 - 26250(6000 - 19)}{26500}$$

$$n_2 \approx 75 \text{ jours.}$$

وبالتالي تاريخ استحقاق الورقة الجديدة يكون 75 يوم بعد 1 أفريل ويكون 15 جوان.

#### 4- حساب معدل التكافؤ

مثال 4:

ورقتان تجاريتان قيمتهما الإسمية على الترتيب DA 52500 و DA 53120 ، حيث تاريخ استحقاق الورقة الأولى بعد 22 يوم، والثانية بعد 61 يوم، ما هو معدل التكافؤ؟

الحل:

$$V_1 = 52500 \text{ DA} \quad n_1 = 22 \text{ jours} \quad V_2 = 53120 \text{ DA} \quad t = ? \quad n_2 = 61 \text{ jours}$$

$$A_1 = A_2 \longrightarrow V_1 \left( \frac{D - n_1}{D} \right) = V_2 \left( \frac{D - n_2}{D} \right)$$

$$V_1(D - n_1) = V_2(D - n_2)$$

$$D = \frac{V_1 \cdot n_1 - V_2 \cdot n_2}{V_1 - V_2}$$

$$D = \frac{52500 \cdot 22 - 53120 \cdot 61}{52500 - 53120} \approx 3363$$

$$t = \frac{36000}{D} = \frac{36000}{3363} \approx 10.70\%$$

#### ثانياً: خواص و مبادئ تكافؤ ورقتين تجاريتين

- 1- تاريخ التكافؤ يكون قبل تواريخ الاستحقاق.
- 2- تاريخ استحقاق الورقة الجديدة يكون بعد تاريخ استحقاق الورقة القديمة.
- 3- القيمة الإسمية للورقة الجديدة تكون أكبر من القيمة الإسمية للورقة القديمة.
- 4- إذا كان هناك ورقتان تجاريتان متكافئتان بتاريخ معين فلا يمكن أن تتكافأ قبل وبعد هذا التاريخ.

- 5- لا يمكن لورقتين تجاريتين أن تتكافأ إذا كان لهما نفس القيمة الإسمية حتى ولو كان تاريخ الاستحقاق مختلف.

#### ثالثاً: تكافؤ عدة أوراق تجارية

نقول عن مجموعة من الأوراق التجارية أنها متكافئة مع مجموعة أخرى من الأوراق التجارية بنفس معدل الخصم وبتاريخ معين، إذا كانت القيم الحالية للمجموعة الأولى متساوية مع القيم الحالية للمجموعة الثانية أي يكون:

## محاضرات في الرياضيات المالية

$$\sum_{i=1}^k A_i = \sum_{i=1}^k \hat{A}_i$$

$$A_1 + A_2 + \dots + A_k = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \dots + \hat{A}_k$$

$$V_1 \frac{(D-n_1)}{D} + V_2 \frac{(D-n_2)}{D} + \dots + V_k \frac{(D-n_k)}{D} = V_1 \frac{(D-n_1)}{D} + V_2 \frac{(D-n_2)}{D} + \dots + V_k \frac{(D-n_k)}{D}$$

**مثال:**

تم تعويض السندات الثلاثة التالية:

- السند الأول قيمته 2000 DA يستحق الدفع بعد 3 أشهر.

- السند الثاني قيمته 4000 DA يستحق الدفع بعد 6 أشهر.

- السند الثالث قيمته 6000 DA يستحق الدفع بعد 9 أشهر.

وقد اتفق مع الدائن على أن يعوض هذه السندات بواسطة سنتين جديدين قيمتهما

على الترتيب 3000 DA و  $V_2$  يستحقان بعد 4 أشهر و 10 أشهر على الترتيب

أحسب القيمة الإسمية للسند الثاني إذا علمت أن معدل الخصم هو 6%؟

**الحل:**

$$V_1 = DA 2000 \quad V_2 = DA 4000 \quad V_3 = DA 6000 \quad n_1 = 3 \text{ mois} \quad n_2 = 6 \text{ mois} \quad n_3 = 9 \text{ mois}$$

$$t = \%6 \quad D = \frac{1200}{6} = 200 \quad V_1 = 3000DA \quad V_2 = ?$$

**- حساب قيمة  $V_2$**

$$\sum_{i=1}^k A_i = \sum_{i=1}^k \hat{A}_i$$

$$A_1 + A_2 + \dots + A_k = \hat{A}_1 + \hat{A}_2 + \dots + \hat{A}_k$$

$$V_1 \frac{(D-n_1)}{D} + V_2 \frac{(D-n_2)}{D} + \dots + V_k \frac{(D-n_k)}{D} = V_1 \frac{(D-n_1)}{D} + V_2 \frac{(D-n_2)}{D} + \dots + V_k \frac{(D-n_k)}{D}$$

$$2000 \cdot \frac{(200-3)}{200} + 4000 \cdot \frac{(200-6)}{200} + 6000 \cdot \frac{(200-9)}{200} = 3000 \cdot \frac{(200-4)}{200} + V_2 \cdot \frac{(200-10)}{200}$$

$$V_2 = \frac{1776000}{190} = 9347.36DA$$

**رابعاً: تاريخ الإستحقاق المتوسط**

إن تاريخ الإستحقاق المتوسط لمجموعة من الأوراق التجارية، هو ذلك التاريخ

المشترك أو الموحد لهذه الأوراق، الذي يضمن تسوية الدين بين الدائن والمدين دون تحقيق

ربح ولا خسارة، بحيث أن القيمة الإسمية للورقة الوحيدة المعوضة تساوي مجموع القيم

الإسمية للأوراق السابقة ويكون<sup>1</sup>:

<sup>1</sup> بن طلحة صليحة، مرجع سابق، ص ص 80-81.

## محاضرات في الرياضيات المالية

$$V = \sum_{i=1}^k V_i = (V_1 + V_2 + V_3 + \dots + V_k)$$

ويحدث التكافؤ باستخدام القيمة الحالية إذا كان:

$$V - \frac{Vn}{D} = V_1 - \frac{V_1 n_1}{D} + V_2 - \frac{V_2 n_2}{D} + V_3 - \frac{V_3 n_3}{D} + \dots + V_k - \frac{V_k n_k}{D}$$

$$Vn = V_1 n_1 + V_2 n_2 + V_3 n_3 + \dots + V_k n_k$$

$$n = \frac{V_1 n_1 + V_2 n_2 + V_3 n_3 + \dots + V_k n_k}{V}$$

$$n = \frac{\sum_{i=1}^k V_i n_i}{V}$$

**مثال:**

يعزم مدين على تسديد دينه بواسطة 3 أوراق تجارية قيمة كل منها على الترتيب 1000 DA، 1500 DA، 2000 DA بعد 30، 35، 40 يوماً بورقة واحدة، ما هو تاريخ الإستحقاق المتوسط؟

**الحل:**

$$V_1 = DA 1000 \quad V_2 = DA 1500 \quad V_3 = DA 2000 \quad n_1 = 30 \text{ jours} \quad n_2 = 35 \text{ jours}$$

$$n_3 = 40 \text{ jours} \quad n = ?$$

$$n = \frac{\sum_{i=1}^k V_i n_i}{V} = \frac{1000.30 + 1500.35 + 2000.40}{4500} \approx 36 \text{ jours}$$

وعليه فتاريخ الإستحقاق المتوسط يكون بعد 36 يوم.