

## SERIE DE TD N° 2

### Exercice 1 :

En un point  $M$  d'un solide, dans le repère orthonormé  $\{\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}\}$ , le tenseur des contraintes a pour valeur :

$$[\sigma] = \begin{bmatrix} 100 & -40 & 20 \\ -40 & -60 & 50 \\ 20 & 50 & 40 \end{bmatrix} MPa$$

1) Faire un dessin qui montre la signification physique des composantes du tenseur des contraintes.

2) Soit le vecteur unitaire  $\vec{n}$  de composantes :  $\{n\} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$ . Sur la facette  $\vec{n}$  :

a) Calculer les composantes du vecteur contrainte  $\vec{T}(M, \vec{n})$

b) Calculer la contrainte normale  $\sigma_n$ .

c) Calculer les composantes du vecteur cisaillement  $\vec{\tau}_n$ , puis son module  $\tau_n$ .

### Exercice 2 :

Le tenseur des contraintes au point  $M$  relativement  $(M, X_1, X_2, X_3)$  est défini par :

$$\sigma_{ij}(M) = \begin{bmatrix} 7 & 0 & -2 \\ 0 & 5 & 0 \\ -2 & 0 & 4 \end{bmatrix}$$

1) Déterminer le vecteur contrainte agissant en  $M$  sur le plan normal :

$$\vec{n} = \frac{2}{3} \vec{e}_1 - \frac{2}{3} \vec{e}_2 + \frac{1}{3} \vec{e}_3$$

2) Déterminer la composante du vecteur contrainte perpendiculaire au plan ;

3) Déterminer la longueur du vecteur contrainte.

4) Déterminer la composante du vecteur contrainte parallèle au plan ;

5)

### Exercice 3 :

L'état de contraintes des contraintes à point  $M$  est donnée par :

$$\sigma_{ij}(M) = \begin{bmatrix} 7 & 0 & -3 \\ 0 & 3 & 0 \\ -3 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

- Trouver le vecteur contrainte (traction) dans le plan  $P$  qui possède un vecteur unitaire normal  $\vec{n}$  :

$$\vec{n} = \frac{1}{6} \vec{e}_1 - \frac{1}{3} \vec{e}_2 + \vec{e}_3$$

- Déterminer la composante perpendiculaire au plan  $P$  (contrainte normale), la magnitude du vecteur contrainte et angle qu'il faut avec le vecteur  $\vec{n}$ .