

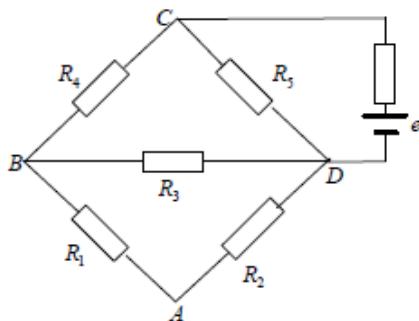
### سلسلة تمارين 3

#### تمرين 1

- سلك أسطواني متجلانس من النحاس مقطعيه  $2.5\text{mm}^2$  يجتازه تيار شدته  $10\text{A}$  .  
 1. أحسب سرعة إنتقال الالكترونات داخل سلك النحاس مع العلم أن الكتلة المولية الجزيئية للنحاس تساوي  $M = 63.6\text{ g/mol}$  ، كتلته الجوية  $8.8 \times 10^3\text{ Kg/m}^3$  و أن عدد أفراده  $N = 6,02 \cdot 10^{23}$  بافتراض أن كل ذرة من نحاس تحرر الالكترونين.  
 2. حدد الحقل الكهربائي داخل السلك علما أن الناقلة الكهربائية للنحاس هي  $5.88 \cdot 10^7\text{ A}^{-1}\text{m}^{-1}$ .

#### تمرين 2

- لمولد الشكل أسفله قوة محركة كهربائية مقدارها  $e = 9\text{V}$  و مقاومة داخلية  $r = 0.5\Omega$  .  
 1. أحسب الشدة في كل مقاومة.



2. ما هي الاستطاعة المنتجة من قبل المولد

3. ما هو فرق الكمون بين A و C  
 $R_1 = R_4 = 1\Omega, R_2 = 2\Omega, R_3 = R_5 = 6\Omega$

#### تمرين 3

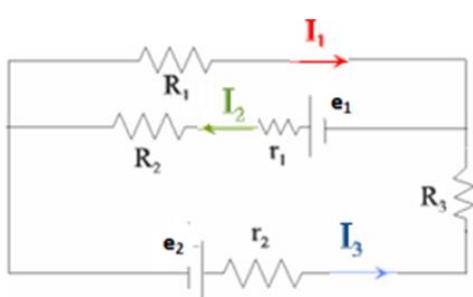
- وصلات سخانة كهربائية بمصدر كهربائي فكان التيار المار بها  $5\text{A}$  فإذا كانت مقاومتها  $20\Omega$  فاحسب القدرة الكهربائية (الاستطاعة)، وبعد مضي نصف شهر من التوصيل، أحسب الطاقة الكهربائية و كمية الحرارة و ما تكاليف هذه الحرارة إذا علمت ان سعر الكليوواط ساعي هو:  $2.5\text{ دج}$ .

#### تمرين 4

- باستعمال قانوني كيرشوف اوجد شدة التيار في كل فرع من الشبكة التالية

$$e_1 = 9\text{V}; e_2 = 4.5\text{V}; r_1 = 0.5\Omega; r_2 = 0.5\Omega;$$

$$R_1 = 10\Omega; R_2 = 20\Omega \text{ et } R_3 = 30\Omega$$

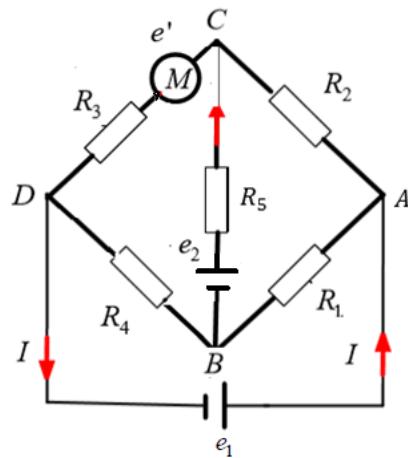


#### تمرين 5

- أوجد شدة التيار في كل فرع من الشبكة التالية، مع علم أن المقاومات الداخلية للمولدات و المحرك  $M$  مهملة.

$$R_1 = R_2 = 20\Omega, R_3 = R_4 = 10\Omega; R_5 = 60\Omega, R_6 = 15\Omega$$

$$e_1 = 50\text{V}; e_2 = 30\text{V}; e' = 5\text{V}$$

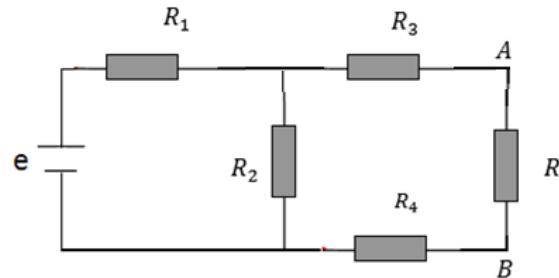


### تمرين 6

تحقق التركيب المبين على الشكل في الأسفل. تعطى:

$$e = 15V; R_1 = 6\Omega; R_2 = R_3 = 3\Omega, R_4 = 10\Omega; R = 5\Omega$$

1. عين العنصرين  $E_{Th}$  و  $R_{Th}$  لنموذج تيفنا المكافئ
2. أستنتاج شدة التيار الكهربائي الذي يغذي المقاومة  $R$  و كذا فرق الكمون بين طرفيها



### حلول تمارين سلسلة 3

#### تمرين 1

1. سرعة إنفاق الالكترونات داخل سلك النحاس  
كثافة التيار :

$$J = \frac{I}{S} = 4 \times 10^6 \text{ A/m}^2$$

$$V = \frac{M}{\rho_{cu}} \quad \text{لدينا:}$$

$$n = \frac{N}{V} = \frac{N \cdot \rho_a}{M} \quad \text{عدد الذرات في وحدة الحجم هي:}$$

حيث :  $\rho_{cu}$  الكتلة الحجمية للفضة,  $M$  الكتلة المولية الجزيئية و  $N$  عدد أفراده

$$n = \frac{6.03 \times 10^{23} \times 8.8 \times 10^3}{63.6 \times 10^{-3}} = 0.83 \times 10^{29} \text{ atoms/m}^3$$

و حيث إن كل ذرة تعطي إلكترونين طليقين فإن عدد الالكترونات لوحدة الحجم تساوي:

$$n = 0.83 \times 10^{29} \times 2 = 1.66 \times 10^{29} \text{ electrons/m}^3$$

إذن سرعة تحرك الالكترونات :

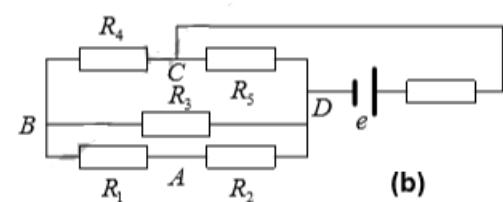
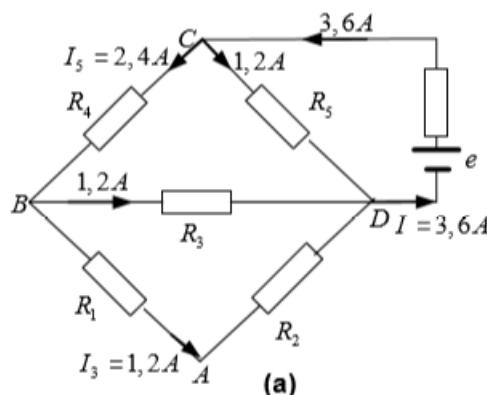
$$J = n \cdot q \cdot v \Rightarrow v = \frac{J}{n \cdot q} = \frac{4 \times 10^6}{1.66 \times 10^{29} \times 2 \times 1.602 \times 10^{-19}} = 0.75 \times 10^{-4} \text{ m/s}$$

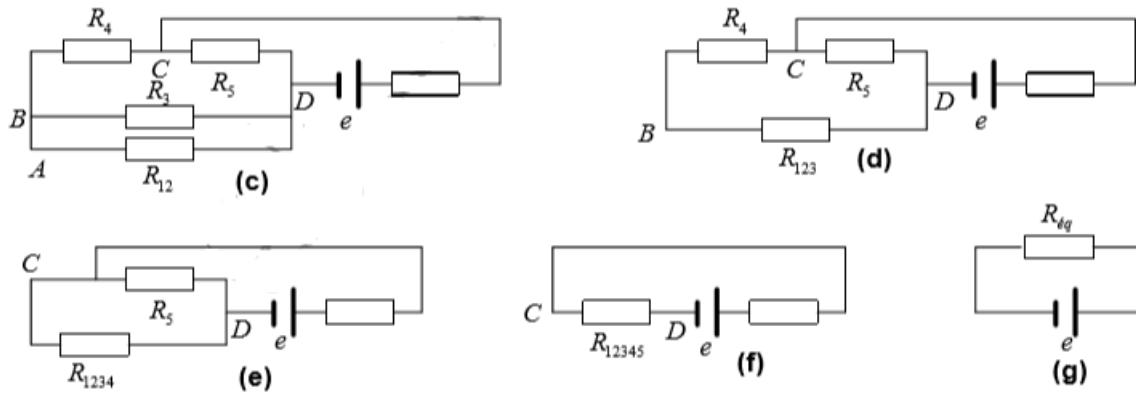
#### 2. الحقل الكهربائي

$$E = \frac{J}{\sigma} = \frac{4 \times 10^6}{5.77 \times 10^7} \approx 7 \times 10^{-2} \text{ V/m}$$

#### تمرين 2

1. حساب الشدة في كل مقاومة:  
كل الاشكال الممثلة في الاسفل مكافئة للشكل المعطى في التمرين.





من الشكل (b) :  $R_{12} = R_1 + R_2 \rightarrow R_{12} = 3\Omega$

من الشكل (c) :  $\frac{1}{R_{123}} = \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_3} \Rightarrow R_{123} = \frac{R_{12}R_3}{R_{12} + R_3} \rightarrow R_{123} = 2\Omega$

من الشكل (d) :  $R_{1234} = R_{123} + R_4 \rightarrow R_{1234} = 3\Omega$

من الشكل (e) :  $\frac{1}{R_{12345}} = \frac{1}{R_{1234}} + \frac{1}{R_5} \Rightarrow R_{12345} = \frac{R_{1234}R_5}{R_{1234} + R_5} \rightarrow R_{12345} = 2\Omega$

من الشكل (f) :  $R_{eq} = R_{12345} + r \rightarrow R_{eq} = 2.5\Omega$

من الشكل (g) :  $I = \frac{e}{R_{eq}} \rightarrow I = 3.6A$

انطلاقاً من هذه النتيجة و من الشكل (g) المناسب لها و مروراً بالأشكال من (f) و حتى (a) بالترتيب نحصل على مختلف الشدات في كل فرع من فروع الدارة:

في الشكل (f) :  $I = 3.6A$

في الشكل (e) :  $V_{CD} = R_5 I_5 = -rI + e \rightarrow I_5 = \frac{-rI + e}{R_5} = \frac{-0.5 \times 3.6 + 9}{6} \rightarrow I_5 = 1.2A$

أما عبر المقاومة  $R_{1234}$  أي عبر  $R_4$  و  $R_{123}$  فالشدة هي:  $I_4 = I - I_5 = 2.4A$

في الشكل (c) : الشدة عبر  $R_{12}$  تساوي  $R_3$  بما أن المقاومتين متساويتين:  $I_3 = \frac{2.4}{2} \rightarrow I_3 = 1.2A$

2. الاستطاعة المنتجة من قبل المولد:

$$P = R_{eq} I^2 = eI \rightarrow P = 32.4W$$

3. فرق الكمون بين A و C

$$V_{AC} = R_2 I_3 + rI - e = (1 \times 1.2) + (0.5 \times 3.6 - 9) \rightarrow V_{AC} = -4.8V$$

### تمرين 3

الاستطاعة الكهربائية:

$$P = RI^2 = 20 \times 5^2 = 500W$$

أما الطاقة الكهربائية فتحسب من المعادلة:

$$E = P \cdot t = 500 \times 15 \times 24 \times 60 \times 60 = 6.48 \times 10^8 J$$

كمية الحرارة:

$$Q = \frac{6.48 \times 10^8}{4.186} = 1.55 \times 10^8 \text{ Cal}$$

تكلفة بالدينار جزائري:

$$Cost = 6.48 \times 10^8 \times \frac{1 \text{ KW.h}}{10^3 \times 60 \times 60} \times \frac{2.5}{\text{KW.h}} = 450 \text{ Da}$$

## تمرين 4

في الشبكة لدينا: 2 عقد و 3 فروع

حسب قانون الاول لکیرشوف: عدد معادلات التیار هي  $n - 1 = 1$

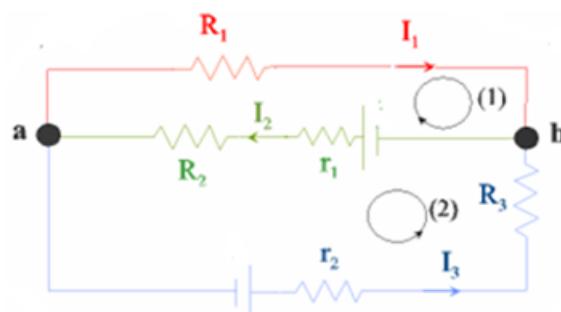
$$\sum I_s = \sum I_e$$

اذن:

(1) .....  $I_2 = I_1 + I_3$  : العقدة a

او

$$I_1 + I_3 = I_2: b$$



حسب قانون الثاني ليكروشف:  $m = b - (n - 1) = 3 - (2 - 1) = 2$

## اذن لدينا 2 معاذلات عروات

$$\sum_{i=1}^n R_i I_i = \sum_{i=1}^n e_i$$

## العروة 1

$$R_1 I_1 + R_2 I_2 + r_1 I_2 = e_1$$

$$R_1 I_1 + (R_2 + r_1) I_2 = e_1$$

$$10I_1 + 20.5I_2 = 9 \dots \dots \dots (2)$$

## العروة 2:

$$R_2 I_2 + r_1 I_2 + r_2 I_3 + R_3 I_3 = e_1 + e_2$$

$$(R_2 + r_1)I_2 + (R_3 + r_2)I_3 \equiv e_1 + e_2$$

من المعادلة (1) نستخرج قيمة  $I_3$  بدلالة  $I_1$  و  $I_2$  و نعرضها في معادلة العروة (2) فنجد:

$$(R_3 + r_1)I_2 + (R_3 + r_2)(I_2 - I_1) \equiv e_1 + e_2$$

$$= (R_2 \pm r_2)I_1 \pm (R_2 \pm r_1 \pm R_3 \pm r_3)I_2 \equiv e_1 \pm e_2$$

$$-30.5I_1 + 51I_2 \equiv 13.5 \quad (3)$$

اذن لدينا جملة معادلتين يمكن حلها بطريقة المصفوفات

$$\begin{cases} 10I_1 + 20.5I_2 = 9 \\ -30.5I_1 + 51I_2 = 13.5 \end{cases}$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 9 & 20.5 \\ 13.5 & 51 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & 20.5 \\ -30.5 & 51 \end{vmatrix}} = 0.16A$$

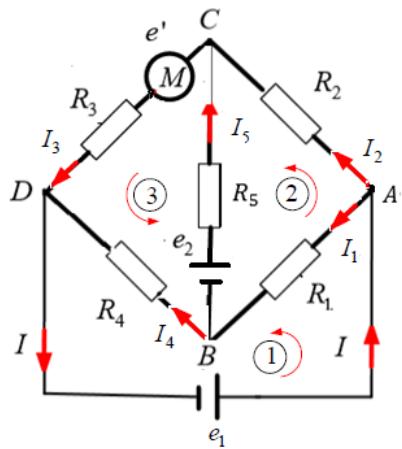
$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 9 \\ 30.5 & 13.5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & 20.5 \\ -30.5 & 51 \end{vmatrix}} = 0.36A$$

$$I_3 = I_2 - I_1 = 0.2A$$

### تمرين 5

في الشبكة لدينا: 4 عقد و 6 فروع

حسب قانون الاول لكيرشوف: عدد معادلات التيار هي 3



$$\sum I_s = \sum I_e$$

اذن:

$$I = I_1 + I_2 : A$$

$$I_1 = I_4 + I_5 : B$$

$$I_3 = I_2 + I_5 : C$$

$$I = I_3 + I_4 : D$$

حسب قانون الثاني لكيرشوف:  $m = b - (n - 1) = 6 - (4 - 1) = 3$

اذن لدينا 3 معادلات عروات

$$\sum_{i=1}^n R_i I_i = \sum_{i=1}^n e_i$$

$$e_1 = R_1 I_1 + R_4 I_4 : \text{العروة 1}$$

$$-e_2 = -R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_5 I_5 : \text{العروة 2}$$

$$e_2 - e' = R_3 I_3 - R_4 I_4 + R_5 I_5 : \text{العروة 3}$$

$$\begin{cases} e_1 = R_1 I_1 + R_4 I_4 \\ -e_2 = -R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_5 I_5 \\ e_2 - e' = R_3 I_3 - R_4 I_4 + R_5 I_5 \end{cases}$$

من المعادلات التيار نستخرج قيم  $I$  و  $I_4$  و  $I_5$  بدلالة  $I_1$  و  $I_2$  و  $I_3$  نعرضها في معادلات العروات فنجد:

$$\begin{cases} e_1 = R_1 I_1 + R_4 (R_1 + R_2 - I_3) \\ -e_2 = -R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_5 (I_3 - I_2) \\ e_2 - e' = R_3 I_3 - R_4 I_4 + R_5 (I_3 - I_2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} e_1 = (R_1 + R_4) I_1 + R_4 I_2 - R_4 I_3 \\ -e_2 = -R_1 I_1 + (R_2 + R_5) I_2 - R_5 I_3 \\ e_2 - e' = -R_4 I_1 + I_2 (-R_5 - R_4) + (R_3 + R_4) I_3 \end{cases}$$

اذن لدينا جملة معادلات يمكن حلها بطريقة المصفوفات

$$\begin{cases} 30I_1 + 10I_2 - 10I_3 = 50 \\ -20I_1 + 35I_2 - 15I_3 = -30 \\ -10I_1 - 25I_2 + 35I_3 = 25 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3I_1 + I_2 - I_3 = 5 \\ -2I_1 + 3.5I_2 - 1.5I_3 = -3 \\ -I_1 - 2.5I_2 + 3.5I_3 = 2.5 \end{cases}$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 5 & 1 & -1 \\ -3 & 3,5 & -1,5 \\ 2,5 & -2,5 & 3,5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 \\ -2 & 3,5 & -1,5 \\ -1 & -2,5 & 3,5 \end{vmatrix}} = 2.833A$$

طريقة حساب مصفوفة  $3 \times 3$

$$I_1 = \frac{5 \begin{vmatrix} 3,5 & -1,5 \\ -2,5 & 3,5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} -3 & -1,5 \\ 2,5 & 3,5 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} -3 & 3,5 \\ 2,5 & -2,5 \end{vmatrix}}{3 \begin{vmatrix} 3,5 & -1,5 \\ -2,5 & 3,5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} -2 & -1,5 \\ -1 & 3,5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} -2 & 3,5 \\ -1 & -2,5 \end{vmatrix}}$$

$$I_1 = \frac{5(3,5 \times 3,5 - (-2,5) \times (-1,5)) - ((-3)3,5 - 2,5(-1,5)) - ((-3) \times (-2,5) - 2,5 \times 3,5)}{3(3,5 \times 3,5 - (-2,5) \times (-3,5)) - (-2 \times 3,5 - (-1) \times (-1,5)) - (-2(-2,5) - (-1)3,5)} \\ I_1 = \frac{72,25}{25,5} = 2,833A$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 3 & 5 & -1 \\ -2 & -3 & -1,5 \\ -1 & 2,5 & 3,5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 \\ -2 & 3,5 & -1,5 \\ -1 & -2,5 & 3,5 \end{vmatrix}} = 1,186A$$

$$I_3 = \frac{\begin{vmatrix} 3 & 1 & 5 \\ -2 & 3,5 & -3 \\ -1 & -2,5 & 2,5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 \\ -2 & 3,5 & -1,5 \\ -1 & -2,5 & 3,5 \end{vmatrix}} = 2,127A$$

$$I = I_1 + I_2 = 4,019A$$

$$I_4 = I_1 + I_2 - I_3 = 1,892A$$

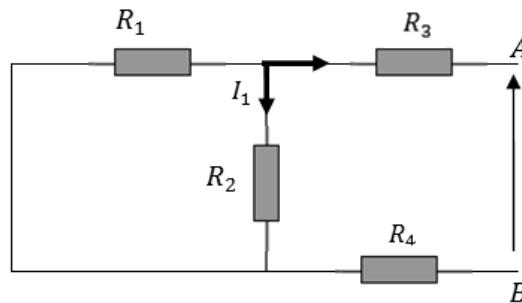
$$I_5 = I_3 - I_2 = 0,941A$$

## تمرين 6

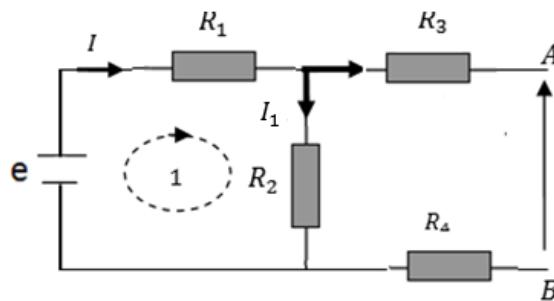
نطفي منابع التوتر و نحسب المقاومة المكافئة  $R_{th}$  , بحذف الفرع  $AB$

$$R_{th} = R_3 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + R_4$$

$$R_{th} = 3 + \frac{18}{9} + 10 = 15\Omega$$



هي فرق الكمون المقاس بين الطرفين  $A$  و  $B$  عندما يكون التوصيل بين  $A$  و  $B$  محفوف (دارة مفتوحة)  $E_{th}$



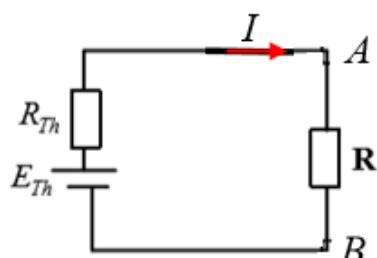
الدارة مفتوحة بين طرفيين  $A$  و  $B$  أي

$$I = I_2 \quad ; \quad I_2 = 0$$

$$E_{th} = V_A - V_B = R_2 I$$

و من جهة ثانية بتطبيق قانون الثاني لكيرشوف على العروة 1:

$$(R_1 + R_2)I - e = 0 \Rightarrow I = \frac{e}{R_1 + R_2}$$



$$E_{th} = \frac{R_2 \cdot e}{R_1 + R_2}$$

$$E_{th} = \frac{45}{9} = 5V$$

و منه

لحساب شدة التيار  $I$  , نعتبر مولد تيفنا المكافئ مغذي الفرع  $AB$

$$V_{AB} = RI = E_{th} - R_{th}I \Rightarrow I = \frac{E_{th}}{R + R_{th}}$$

تعويض و نجد عبارة الشدة:

$$I = \frac{5}{20} = 0.25A$$

تعيين فرق الکمون بين النقطتين A و B :

$$V_{AB} = RI = 5 \times 0.25 = 1.25V$$