

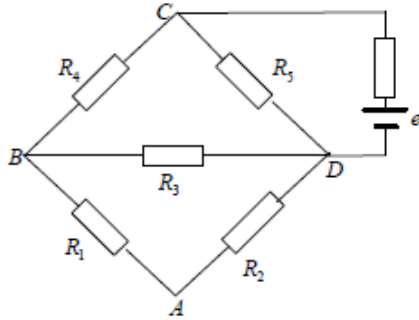
### سلسلة تمارين 3

#### تمرين 1

- سلك أسطواني متجانس من النحاس مقطعه  $2.5\text{mm}^2$  يجتازه تيار شدته  $10\text{A}$
- أحسب سرعة إنتقال الإلكترونات داخل سلك النحاس مع العلم أن الكتلة المولية الجزيئية للنحاس تساوي  $M = 63.6\text{ g/mol}$  , كتلته الحجمية  $\rho = 8.8 \times 10^3\text{ Kg/m}^3$  وأن عدد أفقاده  $N = 6,02 \cdot 10^{23}$  بافتراض أن كل ذرة من نحاس تحرر الكترونين.
  - حدد الحقل الكهربائي داخل السلك علما ان الناقلية الكهربائية للنحاس هي  $5.88 \cdot 10^7\Omega^{-1}\text{m}^{-1}$ .

#### تمرين 2

لمولد الشكل اسفله قوة محرقة كهربائية مقدارها  $e = 9\text{V}$  و مقاومة داخلية  $r = 0.5\Omega$  .



- احسب الشدة في كل مقاومة.
  - ما هي الاستطاعة المنتجة من قبل المولد
  - ما هو فرق الكمون بين A و C
- $R_1 = R_4 = 1\Omega, R_2 = 2\Omega, R_3 = R_5 = 6\Omega$

#### تمرين 3

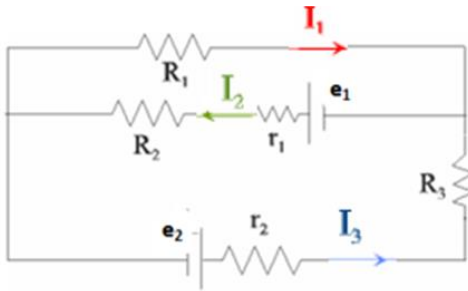
وصلت سخانة كهربائية بمصدر كهربائي فكان التيار المار بها  $5\text{A}$  فإذا كانت مقاومتها  $20\Omega$  فاحسب القدرة الكهربائية (الاستطاعة), و بعد مضي نصف شهر من التوصيل, أحسب الطاقة الكهربائية و كمية الحرارة و ما تكاليف هذه الحرارة إذا علمت ان سعر الكيلوواط ساعي هو:  $2.5\text{ دج}$ .

#### تمرين 4

باستعمال قانوني كيرشوف اوجد شدة التيار في كل فرع من الشبكة التالية

$$e_1 = 9\text{V}; e_2 = 4.5\text{V}; r_1 = 0.5\Omega; r_2 = 0.5\Omega;$$

$$R_1 = 10\Omega; R_2 = 20\Omega \text{ et } R_3 = 30\Omega$$

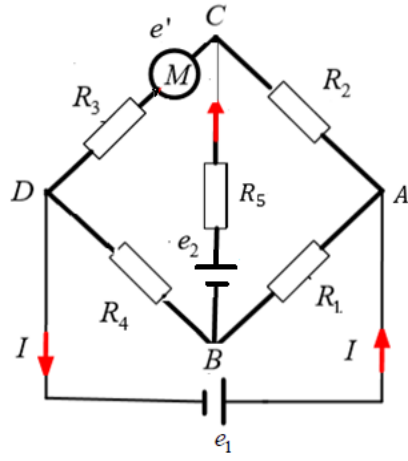


#### تمرين 5

اوجد شدة التيار في كل فرع من الشبكة التالية، مع علم أن المقاومات الداخلية للمولدات و المحرك M مهملة.

$$R_1 = R_2 = 20\Omega, R_3 = R_4 = 10\Omega; R_4 = 60\Omega, R_5 = 15\Omega$$

$$e_1 = 50\text{V}; e_2 = 30\text{V}; e' = 5\text{V}$$

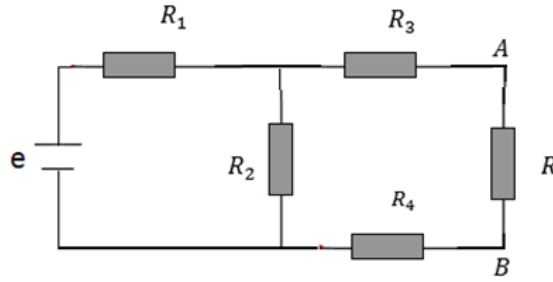


## تمرين 6

نحقق التركيب المبين على الشكل في الأسفل. تعطى:

$$e = 15V; R_1 = 6\Omega; R_2 = R_3 = 3\Omega, R_4 = 10\Omega; R = 5\Omega$$

1. عين العنصرين  $E_{Th}$  و  $R_{Th}$  لنموذج تيفنا المكافئ
2. أستمثج شدة التيار الكهربائي الذي يغذي المقاومة  $R$  و كذا فرق الكمون بين طرفيها



### حلول تمارين سلسلة 3

#### تمرين 1

1. سرعة إنتقال الإلكترونات داخل سلك النحاس  
كثافة التيار :

$$J = \frac{I}{S} = 4 \times 10^6 \text{ A/m}^2$$

$$V = \frac{M}{\rho_{cu}} \quad \text{لدينا:}$$

$$n = \frac{N}{V} = \frac{N \cdot \rho_a}{M} \quad \text{عدد الذرات في وحدة الحجم هي:}$$

حيث :  $\rho_{cu}$  الكتلة الحجمية للفضة,  $M$  الكتلة المولية الجزيئية و  $N$  عدد أفوقادرو

$$n = \frac{6.03 \cdot 10^{23} \times 8.8 \times 10^3}{63.6 \times 10^{-3}} = 0.83 \times 10^{29} \text{ atoms/m}^3$$

و حيث إن كل ذرة تعطي إلكترونين طليقين فإن عدد الإلكترونات لوحدة الحجم تساوي:

$$n = 0.83 \times 10^{29} \times 2 = 1.66 \times 10^{29} \text{ electrons/m}^3$$

إذن سرعة تحرك الإلكترونات :

$$J = n \cdot q \cdot v \Rightarrow v = \frac{J}{n \cdot q} = \frac{4 \times 10^6}{1.66 \times 10^{29} \times 2 \times 1.602 \times 10^{-19}} = 0.75 \times 10^{-4} \text{ m/s}$$

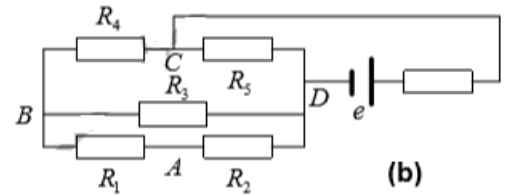
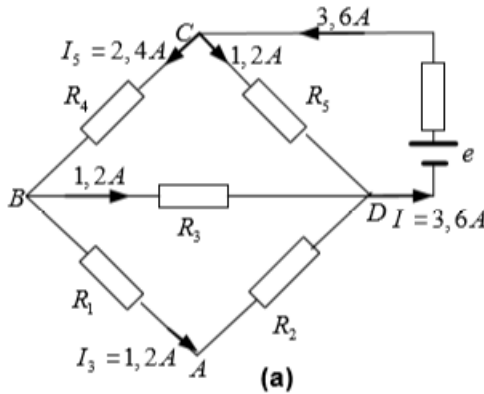
2. الحقل الكهربائي

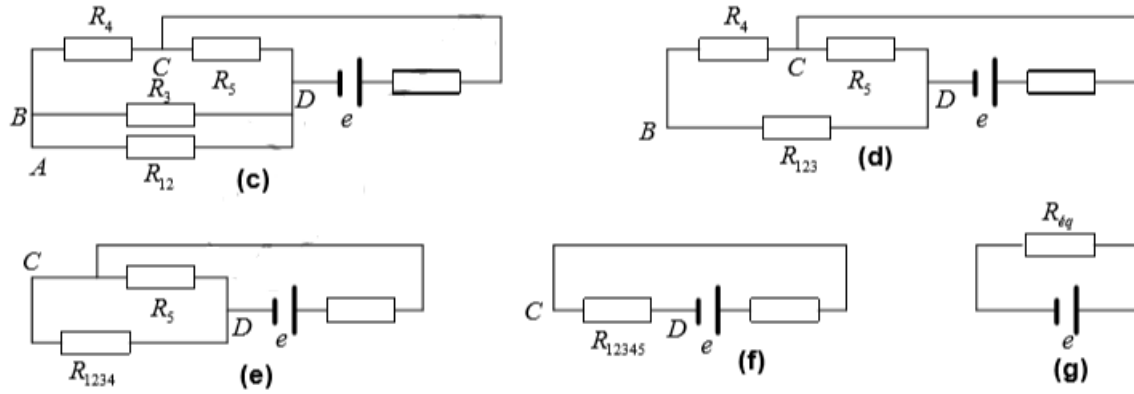
$$E = \frac{J}{\sigma} = \frac{4 \times 10^6}{5.77 \times 10^7} \approx 7 \times 10^{-2} \text{ V/m}$$

#### تمرين 2

1. حساب الشدة في كل مقاومة:

كل الاشكال الممثلة في الاسفل مكافئة للشكل المعطى في التمرين.





من الشكل ( b ) :  $R_{12} = R_1 + R_2 \rightarrow R_{12} = 3\Omega$

من الشكل ( c ) :  $\frac{1}{R_{123}} = \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_3} \Rightarrow R_{123} = \frac{R_{12}R_3}{R_{12}+R_3} \rightarrow R_{123} = 2\Omega$

من الشكل ( d ) :  $R_{1234} = R_{123} + R_4 \rightarrow R_{1234} = 3\Omega$

من الشكل ( e ) :  $\frac{1}{R_{12345}} = \frac{1}{R_{1234}} + \frac{1}{R_5} \Rightarrow R_{12345} = \frac{R_{1234}R_5}{R_{1234}+R_5} \rightarrow R_{12345} = 2\Omega$

من الشكل ( f ) :  $R_{eq} = R_{12345} + r \rightarrow R_{eq} = 2.5\Omega$

من الشكل ( g ) :  $I = \frac{e}{R_{eq}} \rightarrow I = 3.6A$

انطلاقاً من هذه النتيجة و من الشكل (g) المناسب لها و مروراً بالاشكال من ( f ) و حتى ( a ) بالترتيب نحصل على مختلف الشدات في كل فرع من فروع الدارة:

في الشكل (f):  $I = 3.6A$

في الشكل ( e ) :  $V_{CD} = R_5 I_5 = -rI + e \Rightarrow I_5 = \frac{-rI + e}{R_5} = \frac{-0.5 \times 3.6 + 9}{6} \rightarrow I_5 = 1.2A$

أما عبر المقاومة  $R_{1234}$  أي عبر  $R_4$  و  $R_{123}$  فالشدة هي:  $I_4 = I - I_5 \rightarrow I_4 = 2.4A$

في الشكل (c): الشدة عبر  $R_{12}$  تساوي عبر  $R_3$  بما أن المقاومتين متساويتان:  $I_3 = \frac{2.4}{2} \rightarrow I_3 = 1.2A$

2. الاستطاعة المنتجة من قبل المولد:

$$P = R_{eq} I^2 = eI \rightarrow P = 32.4W$$

3. فرق الكمون بين A و C

$$V_{AC} = R_2 I_3 + rI - e = (1 \times 1.2) + (0.5 \times 3.6 - 9) \rightarrow V_{AC} = -4.8V$$

### تمرين 3

الاستطاعة الكهربائية:

$$P = RI^2 = 20 \times 5^2 = 500W$$

أما الطاقة الكهربائية فتحسب من المعادلة:

$$E = P \cdot t = 500 \times 15 \times 24 \times 60 \times 60 = 6.48 \times 10^8 J$$

كمية الحرارة :

$$Q = \frac{6.48 \times 10^8}{4.186} = 1.55 \times 10^8 \text{ Cal}$$

تكلفة بالدينار جزائري:

$$\text{Cost} = 6.48 \times 10^8 \times \frac{1 \text{ KW.h}}{10^3 \times 60 \times 60} \times \frac{2.5}{\text{KW.h}} = 450 \text{ Da}$$

#### تمرين 4

في الشبكة لدينا: 2 عقد و 3 فروع

حسب قانون الاول لكيرشوف: عدد معادلات التيار هي  $n - 1 = 1$

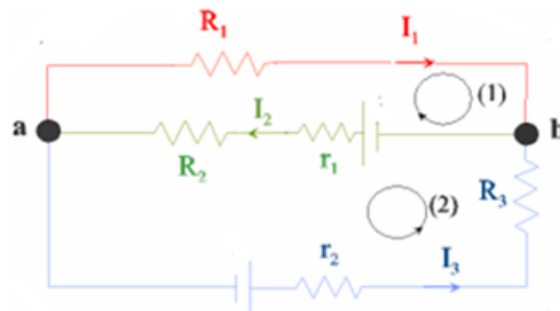
$$\sum I_s = \sum I_e$$

اذن:

$$\text{العقدة a : } I_2 = I_1 + I_3 \dots \dots \dots (1)$$

او

$$\text{العقدة b : } I_1 + I_3 = I_2$$



حسب قانون الثاني لكيرشوف:  $m = b - (n - 1) = 3 - (2 - 1) = 2$

اذن لدينا 2 معادلات عروات

$$\sum_{i=1}^n R_i I_i = \sum_{i=1}^n e_i$$

العروة 1

$$R_1 I_1 + R_2 I_2 + r_1 I_2 = e_1$$

$$R_1 I_1 + (R_2 + r_1) I_2 = e_1$$

$$10 I_1 + 20.5 I_2 = 9 \dots \dots \dots (2)$$

العروة 2:

$$R_2 I_2 + r_1 I_2 + r_2 I_3 + R_3 I_3 = e_1 + e_2$$

$$(R_2 + r_1) I_2 + (R_3 + r_2) I_3 = e_1 + e_2$$

من المعادلة (1) نستخرج قيمة  $I_3$  بدلالة  $I_1$  و  $I_2$  و نعوضها في معادلة العروة (2) فنجد:

$$(R_2 + r_1) I_2 + (R_3 + r_2) (I_2 - I_1) = e_1 + e_2$$

$$-(R_3 + r_2) I_1 + (R_2 + r_1 + R_3 + r_2) I_2 = e_1 + e_2$$

$$-30.5 I_1 + 51 I_2 = 13.5 \dots \dots \dots (3)$$

اذن لدينا جملة معادلتين يمكن حلها بطريقة المصفوفات

$$\begin{cases} 10I_1 + 20.5I_2 = 9 \\ -30.5I_1 + 51I_2 = 13.5 \end{cases}$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 9 & 20.5 \\ 13.5 & 51 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & 20.5 \\ -30.5 & 51 \end{vmatrix}} = 0.16A$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 10 & 9 \\ 30.5 & 13.5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 10 & 20.5 \\ -30.5 & 51 \end{vmatrix}} = 0.36A$$

$$I_3 = I_2 - I_1 = 0.2A$$

### تمرين 5

في الشبكة لدينا: 4 عقد و 6 فروع

حسب قانون الاول لكيرشوف: عدد معادلات التيار هي  $n - 1 = 3$

$$\sum I_s = \sum I_e$$

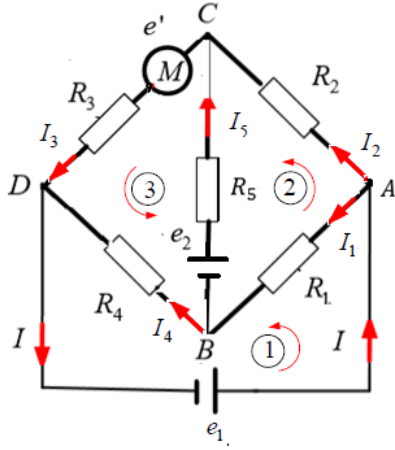
اذن:

$$I = I_1 + I_2 \quad \text{: العقدة A}$$

$$I_1 = I_4 + I_5 \quad \text{: العقدة B}$$

$$I_3 = I_2 + I_5 \quad \text{: العقدة C}$$

$$I = I_3 + I_4 \quad \text{: العقدة D}$$



حسب قانون الثاني لكيرشوف:  $m = b - (n - 1) = 6 - (4 - 1) = 3$

اذن لدينا 3 معادلات عروات

$$\sum_{i=1}^n R_i I_i = \sum_{i=1}^n e_i$$

$$e_1 = R_1 I_1 + R_4 I_4 \quad \text{: العروة 1}$$

$$-e_2 = -R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_5 I_5 \quad \text{: العروة 2}$$

$$e_2 - e' = R_3 I_3 - R_4 I_4 + R_5 I_5 \quad \text{: العروة 3}$$

$$\begin{cases} e_1 = R_1 I_1 + R_4 I_4 \\ -e_2 = -R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_5 I_5 \\ e_2 - e' = R_3 I_3 - R_4 I_4 + R_5 I_5 \end{cases}$$

من المعادلات التيار نستخرج قيم  $I$  و  $I_4$  و  $I_5$  بدلالة  $I_1$  و  $I_2$  و  $I_3$  نعوضها في معادلات العروات فنجد:

$$\begin{cases} e_1 = R_1 I_1 + R_4(R_1 + R_2 - I_3) \\ - e_2 = -R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_5(I_3 - I_2) \\ e_2 - e' = R_3 I_3 - R_4 I_4 + R_5(I_3 - I_2) \end{cases}$$

$$\begin{cases} e_1 = (R_1 + R_4)I_1 + R_4 I_2 - R_4 I_3 \\ - e_2 = -R_1 I_1 + (R_2 + R_5)I_2 - R_5 I_3 \\ e_2 - e' = -R_4 I_1 + I_2(-R_5 - R_4) + (R_3 + R_4)I_3 \end{cases}$$

اذن لدينا جملة معادلات يمكن حلها بطريقة المصفوفات

$$\begin{cases} 30I_1 + 10I_2 - 10I_3 = 50 \\ -20I_1 + 35I_2 - 15I_3 = -30 \\ -10I_1 - 25I_2 + 35I_3 = 25 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3I_1 + I_2 - I_3 = 5 \\ -2I_1 + 3.5I_2 - 1.5I_3 = -3 \\ -I_1 - 2.5I_2 + 3.5I_3 = 2.5 \end{cases}$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 5 & 1 & -1 \\ -3 & 3.5 & -1.5 \\ 2.5 & -2.5 & 3.5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 \\ -2 & 3.5 & -1.5 \\ -1 & -2.5 & 3.5 \end{vmatrix}} = 2.833A$$

طريقة حساب مصفوفة  $3 \times 3$ :

$$I_1 = \frac{5 \begin{vmatrix} 3.5 & -1.5 \\ -2.5 & 3.5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} -3 & -1.5 \\ 2.5 & 3.5 \end{vmatrix} - (-1) \begin{vmatrix} -3 & 3.5 \\ 2.5 & -2.5 \end{vmatrix}}{3 \begin{vmatrix} 3.5 & -1.5 \\ -2.5 & 3.5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} -2 & -1.5 \\ -1 & 3.5 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} -2 & 3.5 \\ -1 & -2.5 \end{vmatrix}}$$

$$I_1 = \frac{5(3.5 \times 3.5 - (-2.5) \times (-1.5)) - ((-3)3.5 - 2.5(-1.5)) - ((-3) \times (-2.5) - 2.5 \times 3.5)}{3(3.5 \times 3.5 - (-2.5) \times (-3.5)) - (-2 \times 3.5 - (-1) \times (-1.5)) - (-2(-2.5) - (-1)3.5)}$$

$$I_1 = \frac{72.25}{25.5} = 2.833A$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 3 & 5 & -1 \\ -2 & -3 & -1.5 \\ -1 & 2.5 & 3.5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 \\ -2 & 3.5 & -1.5 \\ -1 & -2.5 & 3.5 \end{vmatrix}} = 1.186A$$

$$I_3 = \frac{\begin{vmatrix} 3 & 1 & 5 \\ -2 & 3.5 & -3 \\ -1 & -2.5 & 2.5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1 & -1 \\ -2 & 3.5 & -1.5 \\ -1 & -2.5 & 3.5 \end{vmatrix}} = 2.127A$$

$$I = I_1 + I_2 = 4.019A$$

$$I_4 = I_1 + I_2 - I_3 = 1.892A$$

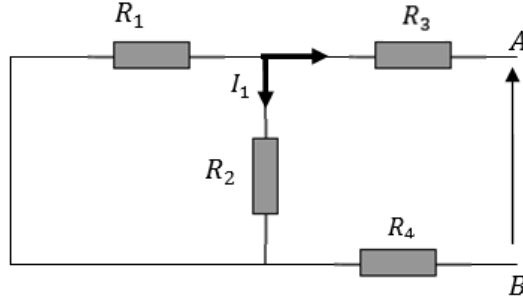
$$I_5 = I_3 - I_2 = 0.941A$$

## تمرين 6

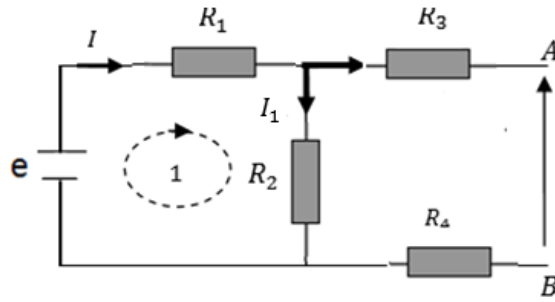
نطفيء منابع التوتر و نحسب المقاومة المكافئة  $R_{th}$  , بحذف الفرع AB :

$$R_{th} = R_3 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + R_4$$

$$R_{th} = 3 + \frac{18}{9} + 10 = 15\Omega$$



$E_{th}$  هي فرق الكمون المقاس بين الطرفين A و B عندما يكون التوصيل بين A و B محذوف (دائرة مفتوحة)



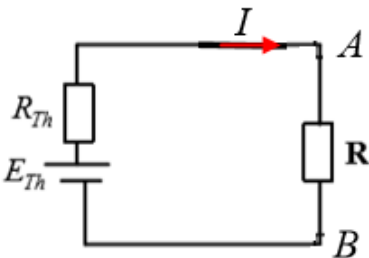
الدائرة مفتوحة بين طرفين A و B أي

$$I = I_2 \quad ; \quad I_2 = 0$$

$$E_{th} = V_A - V_B = R_2 I$$

و من جهة ثانية بتطبيق قانون الثاني لكيرشوف على العروة 1:

$$(R_1 + R_2)I - e = 0 \Rightarrow I = \frac{e}{R_1 + R_2}$$



و منه

$$E_{th} = \frac{R_2 \cdot e}{R_1 + R_2}$$

$$E_{th} = \frac{45}{9} = 5V$$

لحساب شدة التيار  $I$  , نعتبر مولد تيفنا المكافئ مغذيا الفرع AB



$$V_{AB} = RI = E_{th} - R_{th}I \Rightarrow I = \frac{E_{th}}{R + R_{th}}$$

تعويض و نجد عبارة الشدة:

$$I = \frac{5}{20} = 0.25A$$

تعيين فرق الكمون بين النقطتين  $A$  و  $B$  :

$$V_{AB} = RI = 5 \times 0.25 = 1.25V$$