

المحور الرابع : توازن المؤسسة ونظرية السعر في حالة الاحتكار الثنائي

محتويات المحور

1. تقديم

2- نموذج كورنو le model de Cournot

3- نموذج ستاكل برغ le modele de Stackelberg

4- نموذج باولي

5- حالة الإتفاق بين مؤسستين

6- التوازن غير التوافقي مع إختلاف السلع

المحور الرابع الاحتكار الثنائي

1 تقديم

سنتطرق في هذا المحور الى شكل من اشكال الاسواق فبعد ان تطرقنا في المحور السابق الى المنافسة الاحتكارية سنتطرق في هذا المحور الى سوق الاحتكار الثنائي و ندرس كيف يتشكل سعر و كمية التوازن من خلال مجموعة من النماذج.

1- نموذج كورنو le model de Cournot

يعرف بنموذج التبعية المتبادلة le double satellitisme يعالج هذا النموذج وضع إحتكار ثنائي و يرتكز على الإفتراضات التالية :

- وجود مؤسستين تبيعان سلعة متماثلة و كل منهما يعرف تماما مقدار الطلب الكلي في السوق و عليه فإن الإنتاج الموجه للسوق $Q=Q_1+Q_2$ ، كما يسود السوق سعر واحد مما يجعل أي تعديل يقوم به أي منهما يتم على مستوى الإنتاج و ليس على مستوى السعر.
 - عدم وجود اتفاقات سرية من شأنها أن تؤدي إلى إقتسام السوق و التحكم فيه لتحقيق أقصى ربح .
 - تسعى كل مؤسسة إلى تعظيم أرباحها الكلية و هي في ذلك تفترض أن المؤسسة الأخرى تحافظ على إنتاجها السابق أي أنها لا تتأثر بما تتخذه من إجراءات، وعلى ذلك يكون رد فعل المؤسستين في إتجاهين متضادين ، و في كل الأحوال فإن مستوى المبيعات الذي يعظم ربح كل منهما يقع في منتصف خط الطلب أي عندنا $E=1$ كما هو موضح في الشكل الموالي. فإذا كان Q_1 يمثل إنتاج المؤسسة الأولى و Q_2 إنتاج المؤسسة الثانية فإن الطلب على السوق $Q=Q_1+Q_2$
- أما سعر السوق فتحده دالة الطلب دالة الطلب $P=f(Q)=f(Q_1+Q_2)$
- أي ان السعر يعتمد على ما يعرضه المنتجان .

إن الإيراد الكلي RT لأي منتج لا يعتمد فقط على حجم إنتاجه و إنما أيضا على حجم إنتاج منافسه لأن :

$$RT_1=PQ_1=f(Q_1+Q_2)Q_1 \quad \text{- الإيراد الكلي للمنتج الاول}$$

$$RT_2=PQ_2=f(Q_1+Q_2)Q_2 \quad \text{- الإيراد الكلي للمنتج الثاني}$$

ودالتى الربح : Π_1 ، Π_2 لهذين المنتجين تعتمدان على بعضهما البعض :

$$\Pi_1=RT_1-CT_1=f(Q_1+Q_2)Q_1-CT_1(Q_1)$$

$$\Pi_2=RT_2-CT_2=f(Q_1+Q_2)Q_2-CT_2(Q_2)$$

حيث تمثل CT_1 و CT_2 التكلفة الكلية التي يتحملها المنتج الأول و الثاني و لتعظيم الربح لابد من جعل

الإيراد الحدي Rm مساوي للتكلفة الجدية Cm

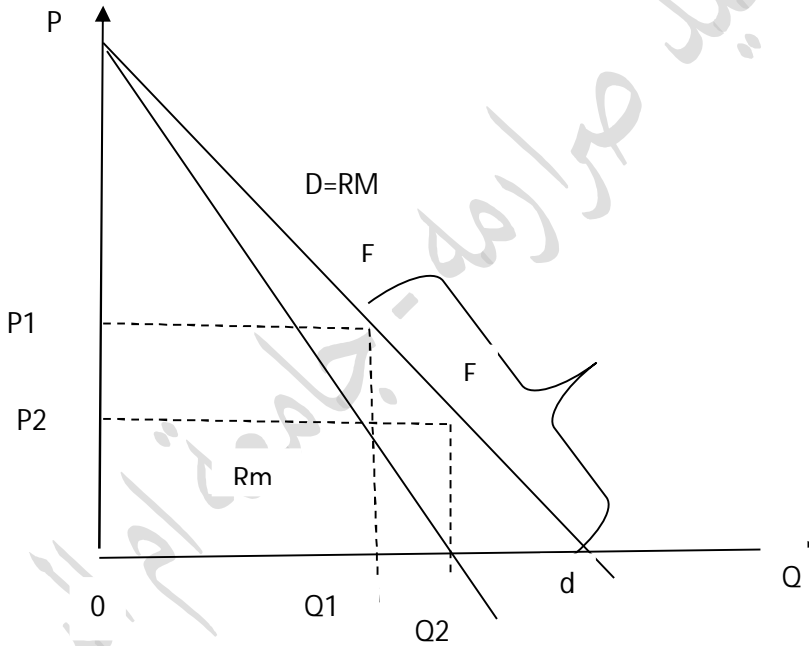
$$Rm_1(Q_1+Q_2)-Cm_1(Q_1)=0 \quad \text{و دالة رد الفعل للمنتج الاول}$$

$$Rm_2(Q_1+Q_2)-Cm_2(Q_2)=0 \quad \text{و دالة رد الفعل للمنتج الثاني}$$

نلاحظ أن معادلة تعظيم الربح بالنسبة لكل منتج تعتمد على حجم إنتاج كل منها، و تسمى المعادلتين السابقتين بدالتي رد الفعل و يمكن حلها بتحديد كل من Q_1 و Q_2

مثال نموذج كورنو le model de Cournot

لتفادي الأخذ بعين الإعتبار تكاليف الإنتاج إختيار كورنو كمثال : ينبوعين من الماء المعدني متماثلين ملك للمؤسسة A و B ، وإن التكاليف المتوسطة و الحدية معدومة، إذا افترضنا أن المنتج A سبق له و إن كان المنتج الوحيد و بناء على طلب السوق فإن الربح الذي يحققه A يكون أعظم في حالة عرضه للكمية Q_1 بحيث يكون الإيراد الحدي Rm يساوي التكلفة الحدية المعدومة $Cm=0$ و السعر يكون عند هذا المستوى هو P_1 كما هو موضح في الشكل :



عندما يدخل المنتج B إلى السوق فإنه سيفترض أن المنتج A سيواصل بيع الكمية Q_1 فهو لا يأخذ بعين الإعتبار سوى الجزء Ed من الطلب المتبقي في السوق و بالتالي يتكيف المنتج B مع هذه الوضعية، و من أجل تعظيم ربحه يقوم بعرض الكمية ($Q_1 Q_2$) حيث تقع في منتصف od و Q_2 تقع في $\frac{1}{4}$ من od أي Q_2 تقع في $\frac{1}{2}$ من Q_1d أو ربع السوق. و بذلك فإن السعر يستقر في السوق عند P_2 ثم يقوم البائع A بالتكيف مع الوضعية الجديدة، بحيث يفترض البائع B يستمر في بيع $\frac{1}{4}$ من المنتج الكلي و من أجل تعظيم ربحه فهو ينتج أولاً (للمنتج A) :

أولاً:

$$\frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{4}\right) = \frac{1}{2} - \frac{1}{8} \quad \text{من } od$$

ثانيا

$$\frac{1}{8} \left(1 - \frac{1}{4}\right) = \frac{1}{8} - \frac{1}{32}$$

$$\frac{1}{32} \left(1 - \frac{1}{4}\right) = \frac{1}{32} - \frac{1}{128}$$

إن التطورات الحاصلة في السوق للتكيف بين A و B تستمر إلى غاية أن يقوم A بإنتاج:

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{8} - \frac{1}{32} - \frac{1}{128} = \frac{1}{3}$$

في كل مرة يفقد المنتج الاول نصف ربع من السوق أي: $\frac{1}{8}$ من الوضعية الجديدة من od

و يقوم المنتج B بإنتاج:

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{16} + \frac{1}{64} + \frac{1}{256} + \dots = \frac{1}{3}$$

في كل مرة يكسب ربع من السوق من الوضعية الجديدة.

وبشكل عام فإن وضعية التوازن تتحقق عندما يكون كل من A و B يرضون من od $\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$

أما إذا كان هناك ثلاث منتجين فإنهم يرضون $\frac{3}{4}$ من od

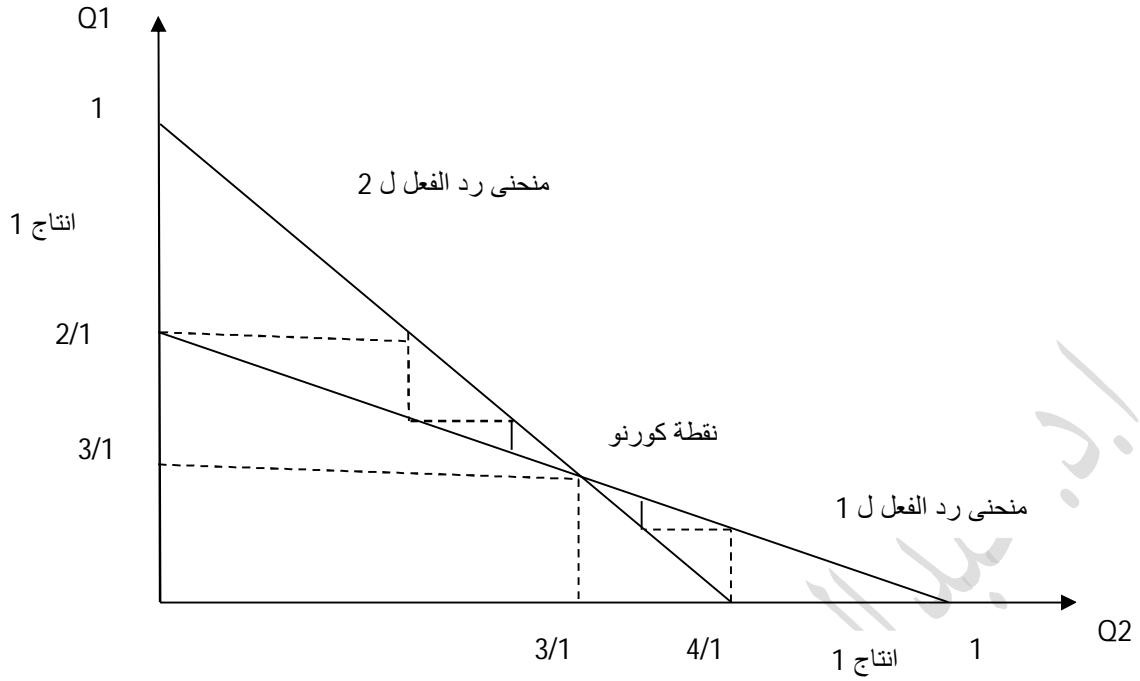
أما في حالة وجود N منتج فإن عرضهم في السوق يكون $\frac{N}{N+1}$ من od

وكلما كبر عدد المنتجين كلما اقتربت السوق من وضعية المنافسة التامة و يمكن تمثيل تطور وضعيات التكيف بما يطلق

عليها بمستقيمات ردود الأفعال les droites de réactions

إن نقطة تقاطع مستقيمات رد الفعل تسمى نقطة كورنو Point de Cournot و هذه النقطة تدل على وضعية التوازن (

التوازن المستقر)



ملاحظة : السعر في نموذج كورنو يساوي $(\frac{2}{3})$ من سعر المحتكر و بالتالي الربح يساوي

$(\frac{2}{3})$ من الربح الكلي للمحتكر .

مثال :

نفترض أن الإيراد الحدي للمنتج الأول $Rm_1 = 100 - Q_1 - 0.5 Q_2$

نفرض أن الإيراد الحدي للمنتج الثاني $Rm_2 = 100 - Q_2 - 0.5 Q_1$

و أن التكلفة الجدية للمنتج الأول $Cm_1 = 5$

التكلفة الجدية للمنتج الثاني $Cm_2 = Q_2$

و أن دالة الطلب هي : $P = 100 - 0.5 (Q_1 + Q_2)$

حدد حجم الإنتاج الأمثل لكل منتج في المرحلة الحالية

2- نموذج ستاكل برغ le modele de Stackelberg

يتميز نموذج ستاكل بارغ بين المنتج القائد (leader) le maitre و هو ذلك المنتج الذي يتحكم في السعر نظرا لسيطرته الشبه تامة على السوق و المنتج التابع (المقود) Follower و هو ذلك المنتج الذي يتصرف بناء على سلوك المنتج القائد.

إن المنتج القائد يفترض أن منافسه سيتصرف كمنتج تابع و يمكن له تعظيم الربح بناء على دالة رد فعل منافسه لنفرض نفس المثال السابق :

$$\text{المنتج الأول: } Rm_1=100-Q_1-0.5Q_2$$

$$\text{المنتج الثاني: } Rm_2=100-Q_2-0.5Q_1$$

$$\text{التكلفة الحدية للمنتج الأول: } Cm_1=5$$

$$\text{التكلفة الحدية للمنتج الثاني: } Cm_2=Q_2$$

و بفرض أن المنتج 1 هو المنتج القائد و المنتج 2 هو المنتج التابع بالتالي فإن دالة رد فعل المنتج 2 هي:

$$100-Q_2-0.5Q_1-Q_2=0$$

$$100-0.5Q_1-2Q_2=0$$

$$Q_2=50-0.25Q_1$$

لتعظيم الربح يقوم المنتج 1 بتعويض Q_2 في دالة ربحه و ذلك بفرض أن دالة الطلب للسوق هي :

$$P=100-0.5(Q_1+Q_2)$$

حيث يمثل P سعر السوق إذن :

$$\text{ربح المنتج القائد 1: } \pi_1=PQ_1-C(Q_1)$$

$$\pi_1 = [100-0.5(Q_1+Q_2)] Q_1-5Q_1$$

$$=100Q_1-0.5Q_1^2-25Q_1+0.125Q_1^2-5Q_1$$

$$=70Q_1-0.375Q_1^2$$

بالاشتقاق ثم إعدام المشتق نجد: $=Rm_1-Cm_1=70-0.75Q_1=0$

$$\frac{\partial \pi}{\partial Q_1} = Rm_1 - Cm_1 = 70 - 0.75Q_1 = 0$$

كمية إنتاج المنتج 1 وحدة $Q_1=93.33$

كمية إنتاج المنتج 2 وحدة $Q_2=50-0.25 Q_1 \Rightarrow Q_2=26.66$

أما سعر السوق : $P=100-0.5(Q_1+Q_2)$

$$=100-0.5(93.33+26.66)$$

$$P \approx 40$$

نلاحظ أن التصرفات القيادية أدت إلى إنتاج أكبر و فرض سعر أقل مما هو عليه الحال في نموذج كورنو لكون المنتج القائد له تكلفة أقل.

3- حالة الإتفاق بين مؤسستين نموذج باولي Le cas d'entente entre les deux entreprises

في حالة التحكم المزدوج أو فرضية سلوك باولي **le comportement de bowley** كل مؤسسة تدخل ضمن حساباتها دالة رد الفعل للمؤسسة الأخرى لتعظيم ربحها وهذا يؤدي إلى نقطة توازن مستقرة **le point d'équilibre stable** ولهذا على المؤسستين الإتفاق لتعظيم الربح الإجمالي و هو ما نسميه بـ **كارتل تقاسم السوق cartel**.

تعريف: الكارتل هو عبارة عن تنظيم يظم مؤسسات في صناعة أو إنتاج معين بغرض زيادة الأرباح الكلية للقطاع و هو إتفاق غير رسمي على تقاسم السوق و من مميزاته :

- تحديد السعر و حصة كل منتج عضو و عمل الفرع يكون كأنه عمل محتكر .

لا يمكن تحديد الكميات المباعة و التي يتحكم فيها الطلب (مثل الإحتكار) و يمكن أن يأخذ الكارتل شكل نموذج القيادة السعرية و يقصد به خضوع المؤسسات داخل القطاع لقيادة مؤسسة واحدة تسمى المؤسسة الرائدة تكون مسيطرة مسيطرة على الأقل بنسبة 40% من العرض الكلي للسوق و تقوم بتحديد السعر مثل المؤسسة المحتكرة، ثم تشرك بعد ذلك المؤسسات الأخرى تباع ما تبقى من حجم الطلب الكلي ضمن إطار السعر المحدد .

ودالة الربح العام تكتب كما يلي :

$$\pi_G = \pi_1 + \pi_2 = PQ_1 - Q_1 + PQ_2 - CT_2$$

وعن الأمثلة :

$$\begin{cases} \pi'_{GQ1}=0 \\ \pi'_{GQ2}=0 \end{cases}$$

و الشرط الكافي :

$$\begin{vmatrix} \pi''_{GQ1 Q2} & \pi''_{GQ1 Q1} \\ \pi''_{GQ2 Q2} & \pi''_{GQ2 Q1} \end{vmatrix} > 0 \quad \text{و} \quad \pi''_{GQ1 Q1} < 0$$

ويتم فيها رفع السعر على حساب المستهلك ، حيث تنخفض الكمية المباعة و يرتفع الربح أكثر من نموذج كورنو و كذلك ستاكلبرغ و هذه الوضعية تساعد المؤسسة القائدة أكثر .

في حالة تقاسم السوق مناصفة :

هنا تكون الكمية المباعة $Q_1+Q_2=Q$ حيث $Q_1=Q_2$

$$Q_2 = \frac{Q}{2} , \quad Q_1 = \frac{Q}{2} \quad \text{حيث} \quad Q = \frac{1}{2}Q + \frac{1}{2}Q \quad \text{و بالتالي :}$$

$$\pi_G = P \frac{Q}{2} - C_{t1} \left(\frac{Q}{2} \right) + P \frac{Q}{2} - C_{t2} \left(\frac{Q}{2} \right) \quad \text{وتكون دالة الربح :}$$

$$\pi'_{GQ} = 0 \quad \text{عن الأمثلية :}$$

$$\pi''_{GQQ} < 0$$

يتم تقاسم السوق و لكن لا يوجد منتج قائد لهذا يتم تقاسمه مناصفة .

مثال : بالاعتماد على معطيلت المثال السابق و في حالة الإتفاق

$$\pi_G = \pi_1 + \pi_2$$

$$= (100 - 0.5(Q_1 + Q_2))Q_1 - 5Q_1 + (100 - 0.5(Q_1 + Q_2))Q_2 - Q_2^2$$

$$= (100Q_1 - 0.5Q_1^2 - 0.5Q_1Q_2 - 5Q_1) + (100Q_2 - 0.5Q_1Q_2 - 0.5Q_2^2 - 0.5Q_1^2)$$

لتعظيم الربح لكل منتج نقوم بما يلي:

$$\begin{cases} \pi'_{GQ_1} = 100 - Q_1 - 0.5Q_2 - 0.5Q_2 - 5 = 0 \\ \pi'_{GQ_2} = 100 - Q_2 - 0.5Q_1 - 0.5Q_2 - 2Q_2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 95 - Q_1 - Q_2 = 0 \\ 100 - Q_2 - 3Q_2 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} Q_1 = 92.5 \\ Q_2 = 2.5 \end{cases}$$

$$\pi''_{GQ_1Q_2} = -1 < 0$$

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -3 \end{bmatrix} = 3 - 1 = 2 > 0$$

$$Q = Q_1 + Q_2 = 95 \Rightarrow P = 100 - 1/2(95) = 52.5$$

$$\cdot \pi_1 = 52.5(92.5) - 5(92.5) = 4393.75$$

$$\cdot \pi_2 = 52.5(2.5) - 5(2.5) = 125$$

و قد راينا سابقا انه في حالة نموذج كورنو فان

$$P = 45$$

$$Q_1 = 80$$

$$Q_2 = 30$$

$$Q = Q_1 + Q_2 = 110$$

اما في حالة نموذج ستاكلبرغ فان

$$P = 40$$

$$Q_1 = 93.53$$

$$Q_2 = 26.66$$

$$Q = Q_1 + Q_2 = 119.99$$

في حالة تقاسم السوق مناصفة:

$$Q_1=Q_2=Q/2$$

$$\cdot \pi_G = P_1(Q/2) - 5(Q/2) + P_2(Q/2) - (Q/2)^2$$

$$= (100 - 0.5Q)Q/2 - 5Q/2 + (100 - 0.5Q)Q/2 - (Q/2)^2$$

$$= 50Q - 1/4Q^2 - 5/2Q + 50Q - 1/4Q^2 - 1/4Q^2$$

$$= 97.5Q - 3/4Q^2$$

$$\pi'_{G0} = 0$$

$$Q = 65$$

$$P = 67.5$$

$$\cdot \pi_1 = 67.5(65/2) - 5(65/2) = 2031.25$$

$$\cdot \pi_2 = 67.5(65/2) - 5(65/2)^2 = 1137.5$$

أ.د. عبد الوجيد صرامة - جامعة أم البواقي

التوازن غير التوافقي مع إختلاف السلع : L'équilibre non coopératif avec différenciation des produits :

إذا كان لدينا مؤسستين في حالة إحتكار ثنائي أي مؤسسة 1 و 2 تحدد كل مؤسسة أسعارها بناء على أسعار المؤسسة الأخرى ، فنجد أن دوال رد الفعل لكل مؤسسة بناء على قرار المؤسسة الأخرى، و يكون لدينا حالتين: إما تبعية متبادلة أو أن إحدى المؤسسات تكون قائمة و الأخرى تابعة.

مثال : ليكن لدينا مؤسستين في إحتكار ثنائي تكلفة كل واحدة:

$$CT_1=2Q$$

$$CT_2=4Q_2$$

و المنتجات غير متجانسة و دوال الطلب عليهما كما يلي : $Q_1=50-2P_1+3P_2$

$$Q_2=60+P_1-4P_2$$

حيث يمثل P_1 و P_2 أسعار المنتجات 1 و 2 لكل مؤسسة .

المطلوب :

- 1- حدد دوال رد فعل الأسعار لكل مؤسسة .
- 2- حدد التوازن في حالة التبعية المتبادلة . (نموذج Launhardt-Hotelling)
- 3- ماذا يحدث إذا كانت المؤسسة الأولى في القائمة حيث تحدد هي السعر .

الحل : دوال رد الفعل تبين كيف تتخذ قرار تحديد السعر بناء على أسعار المؤسسة المنافسة و لهذا لا بد من تعظيم الربح لكل مؤسسة .

$$\pi_1 = P_1Q_1 - CT_1 = P_1Q_1 - 2Q_1 = P_1(50 - 2P_1 + 3P_2) - 2(50 - 2P_1 + 3P_2)$$

$$\pi_1 = -2P_1^2 + 54P_1 + 3P_1P_2 - 6P_2 - 100$$

$$\pi_1 = 0 \Rightarrow -4P_1 + 54 + 3P_2 = 0$$

$$P_1 = \frac{3P_2 + 54}{4}$$

$$\pi_1 = 0 \Rightarrow -4P_1 + 54 + 3P_2 = 0$$

دالة رد فعل السعر للمؤسسة 1

$$\pi_2 = P_2Q_2 - CT_2 = P_2Q_2 - 4Q_2 = P_2(60 + P_1 - 4P_2) - 4(60 + P_1 - 4P_2)$$

$$\pi_2 = -4P_2^2 + 76P_2 + P_1P_2 - 6P_2 - 4P_1 - 240$$

$$\pi_2 = 0 \Rightarrow -8P_2 + 76 + P_1 = 0$$

$$P_2 = \frac{P_1 + 76}{8}$$

$$\pi''_{P_1 P_1} < 0$$

دالة رد فعل السعر للمؤسسة 2

ثانيا تحديد كمية التوازن: (نموذج Launhardt-Hotelling)

$$\begin{cases} P_1 = \frac{3P_2 + 54}{4} \\ P_2 = \frac{P_1 + 76}{8} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4P_1 - 3P_2 = 54 \\ -P_2 + 8P_1 = 76 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} P_1 = 22.752 \\ P_2 = 12.344 \end{cases}$$

$$Q_1^* = 41.516 \quad et \quad Q_2^* = 33.382$$

$$\pi_1^* = 861.79 \quad et \quad \pi_2^* = 278.54$$

ثالثا اذا قامت المؤسسة 1 بفرض سعرها على المؤسسة 2

$$\pi_1 = P_1 Q_1 - C T_1 = P_1 Q_1 - 2 Q_1 = P_1 (50 - 2P_1 + 3P_2) - 2(50 - 2P_1 + 3P_2)$$

و نعلم ان

$$P_2 = \frac{P_1 + 76}{8}$$

بالتالي:

$$\pi_1 = P_1 (50 - 2P_1 + 3/8(P_1 + 76)) - 2(50 - 2P_1 + 3/8(P_1 + 76))$$

$$= P_1 (78.5 - 13/8 P_1) - 2(78.5 - 13/8 P_1)$$

$$= 13/8 P_1^2 + 81.75 P_1 - 157$$

عند الامثلية

$$\pi'_{P_1} = 0 \Rightarrow -13/4 P_1 + 81.75 = 0 \Rightarrow P_1^* = 25.154 \quad \Rightarrow P_2^* = 12.644$$

$$Q_1^* = 37.624 \quad Q_2^* = 34.578$$

$$\pi_1^* = 871.146 \quad et \quad \pi_2^* = 298.892$$

$$\pi''_{P_1 P_1} < 0$$

نلاحظ ان هناك ارتفاع في الربح الاجمالي لكلا المؤسستين.