

امتحان الدورة العادية فى مقياس الرياضيات 2

التمرين الاول (02 نقاط) : لتكن المصفوفتين

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -2 \end{pmatrix} \quad ; \quad B = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$$

احسب : $(A + B)^t$, $\det(B)$, $Tr(A)$

التمرين الثانى (06 نقاط) :

بين ما اذا كانت المجموعات التالية فضاءات شعاعية جزئية من IR^3

$$E_1 = \{(x, y, z) \in IR^3, x + y + z \geq 1\} \quad ; \quad E_2 = \{(x, y, z) \in IR^3, z = 0\}$$

التمرين الثالث (06 نقاط) : لتكن المصفوفة

$$A = \begin{pmatrix} -1 & -2 & 0 \\ 2 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

(1) بين ان المصفوفة A قابلة للقلب.

(2) اثبت ان : $2A - A^2 = I_3$, حيث I_3 مصفوفة الوحدة.

(3) احسب A^{-1} .

التمرين الرابع (06 نقاط) : لتكن الجملة التالية

$$\begin{cases} y - z = 3 \\ -3x + 4y - 3z = 2 \\ -x + ay = 3 \end{cases}$$

(1) اكتب الشكل المصفوفي للجملة.

(2) اوجد قيم a التي من اجلها تكون الجملة قابلة للحل بطريقة كرامر.

(3) نضع $a = 1$, اوجد حلول الجملة بطريقتين مختلفتين (كرامر الاولى و الثانية).