

امتحان الدورة استذراكي في مقياس الرياضيات 2

التمرين الاول (06 نقاط) :

بين ما اذا كانت المجموعات التالية فضاءات شعاعية جزئية من IR^3

$$E_1 = \{(x, y, z) \in IR^3, x + y + 3z = 0\} ; E_2 = \{(x, y, z) \in IR^3, x + y + 3z = 2\}$$

التمرين الثاني(07 نقاط) : لتكن المصفوفتين

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} ; B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & a \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

حيث a هو عدد حقيقي ثابت.

(1) احسب : A^{-1} , $A \times B$, $\det(B)$, $Tr(A)$.

(2) اوجد قيم a التي تكون من اجلها المصفوفة B قابلة للقلب.

(2) احسب : $A^2 + I_3$, حيث I_3 هي مصفوفة الوحدة.

(3) احسب $(A + B)^t$ بطريقتين مختلفتين.

التمرين الثالث(07 نقاط) : لتكن الجملة التالية

$$\begin{cases} x - z = 2 \\ -2x + 3y + 4z = 1 \\ y + z = 4 \end{cases}$$

(1) اكتب الشكل المصفوفي للجملة.

(2) اثبت ان الجملة قابلة للحل بطريقة كرامر.

(3) اوجد حلول الجملة بطريقتين مختلفتين(كرامر الاولى و الثانية).