

المستوى: أولى جذع مشترك علوم إجتماعية
السداسي: الثاني
المادة: إحصاء إستدلالي
أستاذ المادة: بارة خير

محاضرات

المحاضرة السابعة: الدرجة المعيارية (الزائنية)

1- تعريف:

الدرجة المعيارية الزائنية (Z-Score) مصطلح إحصائي يعبر عن علاقة قيمة بعينها مع متوسط مجموعة قيم ، وقد تكون الدرجة موجبة ، أي أن القيمة أعلى من الوسط الحسابي ، أو سالبة أي أنها أقل من الوسط الحسابي ، أما إذا كانت قيمتها صفرا (0) فهذا يعني أن الدرجة مساوية للوسط الحسابي .

*- القيمة المعيارية (z) هي المسافة على يمين أو يسار المتوسط الحسابي معبرا عنه بوحدات الانحراف المعياري ، فإذا كانت نتيجة الدرجة المعيارية موجبة ، فإننا نقول أن القيمة الخام أكبر من متوسطها ، وإذا كانت نتيجة القيمة المعيارية سالبة فإننا نقول أن القيمة الخام أقل من متوسطها بحسب النتيجة المتحصل عليها ، وبتحويل القيم الخام إلى قيم معيارية فإنه يعطينا مجتمعا معياريا متوسطه الحسابي يساوي (0) صفر و إنحرافه المعياري يساوي (1) الواحد .

2- حسابها:

تتم عملية تحويل القيم الخام إلى قيم معيارية زائنية من خلال القانون التالي:

$$Z = \frac{X_i - \bar{X}}{S}$$

حيث : X_i قيمة خام ، $\bar{X}$ متوسط حسابي ، S إنحراف معياري .

مثال :

لدينا مجموعة من القيم متوسطها الحسابي يساوي 25.65 ، وإنحرافها المعياري يساوي 7.35 .

المطلوب :

- 1- أوجد القيم المعيارية للقيم التالية : 23 . 27 . 30 ؟
- 2- أوجد القيم الخام للعلامات المعيارية التالية : 0.47 - 0.28 ؟

الحل :

1- إيجاد القيم المعيارية : لدينا القيمة المعيارية = القيمة الخام – المتوسط الحسابي / قسمة الانحراف المعياري

$$Z_{23} = -0.36$$

التفسير : تدل النتيجة (-0.36) أن القيمة الخام (23) أقل من متوسطها الحسابي (25.65) بدرجة (0.36).

$$Z_{27} = 0.18$$

التفسير : تدل نتيجة (0.18) أن القيمة الخام (27) أكبر من متوسطها الحسابي (25.65) بدرجة (0.18).

$$Z_{30} = 0.59$$

التفسير تدل نتيجة (0.59) أن القيمة الخام (30) أكبر من متوسطها الحسابي (25.65) بدرجة (0.59).

2- إيجاد القيم الخام (الأصلية):

$$0.47 = X_i - X / S = 29.10$$

$$-0.28 = 23.59$$

- القيمة الخام للدرجة المعيارية (0.47) تساوي (29.10).

- القيمة الخام للدرجة المعيارية (-0.28) تساوي (23.59).

***- الدرجة المعيارية التائية :**

لما كانت القيمة المعيارية الزائدية تحوي درجات موجبة و سالبة الأمر الذي قد لا يستطيع إستخدامها أو تفسيرها بشكل جيد ، لذلك نلجأ إلى تحول الدرجة الزائدية (Z) إلى درجة أكثر عملية تسمى بالقيمة التائية (T) ، والقيمة التائية هي درجة معيارية في توزيع متوسطه الحسابي (50) وإنحرافه المعياري (10) .

***- حساب (T) :**

تتم عملية تحويل القيم الخام إلى قيم معيارية تائية من خلال القانون التالي :

$$\text{القيمة التائية} = 10 \times \text{القيمة المعيارية} + 50.$$

$$T = 10(Z) + 50$$

مثال :

إذا كانت القيم المعيارية الزائفة لطالب في المواد الثلاثة التالية : الإحصاء (0.91) . الفلسفة (0.87) . الإنجليزية (1.07) حولها إلي قيم تائفة (T).

الحل :

$$T_{0.91}=59.1$$

$$T_{0.87}=58.7$$

$$T_{1.07}=60.7$$

التفسير : من خلال الدرجات التائفة يتبين لنا أن تحصيل الطالب في مادة الإنجليزية أفضل من باقي المواد