



## السلسلة الثالثة لمقياس الاقتصاد الجزئي 2 ( الاحتكار المطلق )

### التمرين الأول:

لدينا مؤسسة في حالة احتكار تام و دالة الطلب على سلعة المحتكر كما يلي:  $Q = -2P + 10$

المطلوب: 1- اكتب الدالة العكسية للطلب 2- استنتج كل من الإيراد الكلي و المتوسط و الحدي

### التمرين الثاني:

لدينا دالة الطلب على سلعة محتكر  $Q = -2P + 10$  و دالة تكلفته الكلية  $C_t = Q^2 + 3Q$

المطلوب: 1- حدد سعر و كمية التوازن للمحتكر 2- حدد قيمة الربح الكلي للمحتكر

### التمرين الثالث:

يبيع محتكر سلعته في سوقين بسعر  $P_1$  في السوق الاول و الذي دالة الطلب فيه  $Q_1 = -P_1 + 7$

و بسعر  $P_2$  في السوق الثاني و الذي دالة الطلب فيه  $Q_2 = -2P_2 + 18$

و دالة التكلفة الكلية للمحتكر كما يلي:  $Q = Q_1 + Q_2$   $Q = Q^2$

المطلوب: 1- احسب اسعار و كميات التوازن في السوقين و ربح المحتكر الكلي

2- اذا كانت دالة الطلب في السوق الاول  $Q_1 = bP_1 + 15$  حيث  $b < 0$  ما هو الشرط الواجب فرضه على  $b$  حتى يزول التمايز بين السوقين.

### التمرين الرابع:

لدينا دالة الطلب على سلعة محتكر  $Q = -2P + 42$  و دالة تكلفته الكلية  $C_t = 3Q^2$

المطلوب: 1- حدد السعر و الكمية و الربح عند التوازن

2- نفس السؤال في حالة ما اذا فرضت الدولة ضريبة على الربح بمعدل 30 %

3- نفس السؤال في حالة ما اذا فرضت الدولة ضريبة نسبية على الإيرادات بمعدل 20 %

### التمرين الخامس:

اذا كانت دالة الطلب على سلعة محتكر كما يلي:  $P = -3/100 Q + 10$

$$Q=Q_1+Q_2 \text{ حيث}$$

و ينتج سلعته في مصنعين دالة التكلفة في كل مصنع كما يلي:

$$TC_1=5/100 Q_1^2 +4Q_1$$

$$TC_2=5/100Q_2^2 +6Q_2$$

1- حدد شرط التوازن للمحتكر

2- حدد دوال التكلفة الحدية لكل مصنع

3- حدد الكميات التي تعظم ربح المحتكر

4- حدد سعر البيع لهذا المحتكر

5- حدد ربح المحتكر

الفرقة البيداغوجية

$$P = -1/2Q + 5$$

$$TR = PQ = -1/2 Q^2 + 5Q$$

$$MR = -Q + 5$$

$$AR = -1/2Q + 5$$

حل التمرين 2

$$\pi = TR - TC = -1/2Q^2 + 5Q - Q^2 - 3Q$$

$$\pi'_{Q} = 0 \Rightarrow Q + 5 - 2Q - 3 = 0 \Rightarrow Q^* = 2/3, P^* = 14/3 \Rightarrow 2/3$$

حل التمرين 3

$$\pi = TR - TC = (-Q_1 + 7)Q_1 + (-1/2Q_2 + 9)Q_2 - (Q_1 + Q_2)^2$$

$$\pi'_{Q_1} = 0 \Rightarrow 4Q_1 + 2Q_2 = 7 \Rightarrow Q_1^* = 3/8$$

$$\pi'_{Q_2} = 0 \Rightarrow 2Q_1 + 3Q_2 = 9 \Rightarrow Q_2^* = 11/4$$

$$P_1^* = 53/8 \quad P_2^* = 61/8 \quad \pi^* = 13,687$$

$$\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ -2 & -3 \end{pmatrix} = 8 > 0 \quad \pi''_{Q_1 Q_1} < 0$$

$$\pi = \frac{Q_1^2}{b} - \frac{15Q_1}{b} - \frac{1}{2}Q_2^2 + 9Q_2 - (Q_1 + Q_2)^2$$

$$\begin{cases} \pi'_{Q_1} = 0 \\ \pi'_{Q_2} = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \left(\frac{2}{b} - 2\right)Q_1 - Q_2 = \frac{15}{b} \\ -2Q_1 - 3Q_2 = -9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} Q_1^* = \frac{-45 - 18b}{-6 + 2b} \\ Q_2^* = \frac{18b + 12}{-6 + 2b} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} P_1^* = \frac{45 - 48b}{b(-6 + 2b)} \\ P_2^* = \frac{9b - 60}{(-6 + 2b)} \end{cases}$$

$$P_1^* = P_2^* \Rightarrow 9b^2 - 12b - 45 = 0 \Rightarrow 3b^2 - 4b - 15 = 0$$

$$\Delta = 196 = 14^2 \Rightarrow b_1 = \frac{4-14}{6} = -\frac{5}{3}, \quad b_2 = 3 > 0 \text{ مرفوض}$$

حل التمرين 4

$$\pi = \left(-\frac{1}{2}Q + 21\right)Q - 3Q^2 \Rightarrow \pi'_Q = 0$$

$$Q^*=3, P^*=19.5, \pi = 31,5$$

$$\pi = (1 - t_1)\left(-\frac{1}{2}Q^2 + 21Q - 3Q^2\right)$$

$$\pi'_{Q=0} \rightarrow MR=MC \rightarrow Q^*=3, P^*=19.5, \rightarrow \pi = 22.5$$

$$\pi = (1 - t_2)\left(-\frac{1}{2}Q^2 + 21Q - 3Q^2\right) - 3Q^2$$

$$\pi'_{Q=0} \rightarrow MR(1-t_2)=MC \rightarrow Q^*=2,47, P^*=19.765, \rightarrow \pi = 20.753$$

نلاحظ انخفاض في الكمية وزيادة في السعر

حل التمرين 5

$$1) MR=MC=MC_1=MC_2$$

$$2) MC_1=1/10Q_1+4 \rightarrow Q_1=10MC_1 - 40$$

$$MC_2=1/20Q_2+6 \rightarrow Q_2=10MC_2 - 120$$

$$Q=Q_1+Q_2$$

$$MC=MC_1=MC_2$$

$$Q=10MC - 40 + 20MC - 120 = 30MC - 160$$

$$3) AR=P=3/100Q+10$$

$$TR=3/100 Q^2+10Q$$

$$MR=6/100 Q+10$$

$$MR=MC$$

$$-6/100Q+10=1/30Q+16/3$$

$$14/150Q=14/3 \rightarrow Q=50$$

$$4) Q=50 \rightarrow MC = 1/30Q+16/3=1/30(50)+16/3=21/3=7$$

$$MC=MC_1=MC_2=7$$

$$MC_1=1/10Q_1+4$$

$$7=1/10Q_1+4 \rightarrow Q_1=30$$

$$CM_2=1/20Q_2+6$$

$$7=1/20Q_2+6 \rightarrow Q_2=20$$

$$5) P=3/100 Q+10$$

$$P=3/100(50)+10$$

$$P=8.5$$

$$\Pi = 8.5*50 - (5/100*(30)^2 + 4*30) - (5/100(20)^2 + 6*20) = 120$$