

جامعة العربي بن مهدي أم البواقي

قسم البيولوجيا

كلية العلوم الدقيقة و علوم الطبيعية والحياة

مادة: الرياضيات و الإحصاء

السنة الأولى : جذع مشترك بيولوجيا

العام الجامعي : 2025/2024

تصحيح
امتحان الدورة العادية
De l'hes

التمرين الأول : (07 نقاط)

1- حدد مجموعة تعريف الدالة التالية :

$$f(x) = \frac{\ln(x+7)}{\sqrt{x^2+3x-4}}$$

$$f \text{ is defined } \Leftrightarrow \{x+7 > 0, \text{ and } x^2+3x-4 > 0\}$$

$$\Leftrightarrow \{x \in]-7, +\infty[, \text{ and } x \in]-\infty, -4[\cup]1, +\infty[$$

$$\Leftrightarrow \{x \in]-7, +\infty[\cap (]-\infty, -4[\cup]1, +\infty[)$$

$$\text{Hence, } D_f =]-7, -4[\cup]1, +\infty[$$

2- أحسب النهاية التالية

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|x-2|}{x-2}, \quad \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x-2|}{x-2}$$

$$\text{We have } |x-2| = \begin{cases} x-2, & \text{si } x > 2 \\ -x+2, & \text{si } x \leq 2 \end{cases}$$

$$\text{So } \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|x-2|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-x+2}{x-2} = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x-2|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-2}{x-2} = 1$$

3- أحسب التكامل التالي

$$\int_1^3 \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt{x^3}}$$

we put $t = \sqrt{x}$ so $\sqrt{x^3} = t^3$ and $2t dt = dx$
 if $x = 1$, then $t = 1$, if $x = 3$, then $t = \sqrt{3}$

$$\text{so } \int_1^3 \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt{x^3}} = \int_1^{\sqrt{3}} \frac{2t dt}{t + t^3} = 2 \int_1^{\sqrt{3}} \frac{dt}{1 + t^2}$$

$$= [2 \arctan(t)]_1^{\sqrt{3}} = 2 (\arctan(\sqrt{3}) - \arctan(1)) = \frac{\pi}{6}$$

التمرين الثاني: (05 نقاط)

1- أحسب المشتقات الجزئية للدوال التالية

$$f(x, y) = e^{2xy^3} \cos(4x - y), \quad g(x, y, z) = (x^2 + 2yz) \sqrt{x - 2z}$$

$$\frac{\partial f(x, y)}{\partial x} = 2e^{2xy^3} (2 \sin(y - 4x) + y^3 \cos(y - 4x))$$

$$\frac{\partial f(x, y)}{\partial y} = -e^{2xy^3} (\sin(y - 4x) - 6xy^2 \cos(y - 4x))$$

$$\frac{\partial g(x, y, z)}{\partial z} = -\frac{1}{\sqrt{x-2z}} (x^2 - 2yx + 6yz)$$

2- أدرس قابلية الإشتقاق عند النقطة $x_0 = 1$ للدالة التالية المعرفة على \mathbb{R}

$$f(x) = |x^2 - 1| = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{si } x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[\\ -x^2 + 1, & \text{si } x \in [-1, 1] \end{cases}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-x^2 + 1}{x - 1} = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 - 1}{x - 1} = 2$$

$$\text{so, } \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} \neq \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$$

Hence, f is not derivable at the point $x_0 = 1$

التمرين الثالث : (08 نقاط) قمنا بدراسة عدد الأطفال لعينة من المجتمع يتكون من 84 عائلة فتحصلنا على الجدول التالي :

عدد الأطفال X_i	0	1	2	3	4	5	المجموع
عدد العائلات n_i	12	15	14	20	13	6	
التواترات f_i	0.15	0.187	0.175	0.25	0.162	0.075	
التكرارات المتراكمة N_i	12	27	41	61	74	80	
$n_i X_i$	0	15	28	60	52	30	185
$n_i X_i^2$	0	15	56	180	208	150	609

1 - احسب التواترات f_i و التكرارات المتراكمة N_i -
Calculer les frequences et les effectives cummulés

2- احسب النسبة المئوية لعدد العائلات التي لها على الأكثر طفلين

3- احسب المعدل الحسابي \bar{X} و المنوال M_0 او الوسيط

4- احسب التباين $V(X)$ والانحراف المعياري $\sigma(X)$
4) La variance $V(X)$ et l'écart type $\sigma(X)$.

2) النسبة المئوية هي $0,75\%$ $\bar{X} = 2,3125$
 $f_0 + f_1 + f_2 = 0,512$.

$$3) \bar{X} = \frac{1}{n} \sum n_i x_i = \frac{185}{80} = 2,3125 \quad 0,75$$

$$M_0 = 3 \quad \text{المنوال} \quad 0,75$$

$$Me = 2 \quad \text{الوسيط} \quad 0,75$$

$$V(X) = \frac{1}{n} \sum n_i x_i^2 - \bar{X}^2 = \frac{609}{80} - (2,3125)^2 = 2,2649 \quad 0,75$$

$$\sigma(X) = \sqrt{V(X)} = \sqrt{2,2649} = 1,5049 \quad 0,75$$